

## OBSAH.

|                     |   |
|---------------------|---|
| Předmluva . . . . . | 5 |
|---------------------|---|

### ČÁST I.: LINEÁRNÍ ÚTVARY.

#### Kapitola I.

##### Základní úvahy.

|   |    |
|---|----|
| 1. Úvod . . . . .                           | 17 |
| 2. Bodové pole . . . . .                    | 18 |
| 3. Pokračování . . . . .                    | 25 |
| 4. Konstrukce imaginárních bodů . . . . .   | 32 |
| 5. Přímkové pole . . . . .                  | 33 |
| 6. Pokračování . . . . .                    | 41 |
| 7. Konstrukce imaginárních přímek . . . . . | 47 |
| 8. Dualita. Pole . . . . .                  | 48 |
| 9. Projektivita dvou polí . . . . .         | 53 |
| 10. Pokračování . . . . .                   | 56 |
| 11. Konstrukce . . . . .                    | 58 |

#### Kapitola II.

##### Klasifikace projektivity.

|  |     |
|--|-----|
| 1. Samodružné body a přímky . . . . .        | 64  |
| 2. Projektivita typu (3) . . . . .           | 66  |
| 3. Konstrukce . . . . .                      | 75  |
| 4. Projektivita typu (2) . . . . .           | 77  |
| 5. Projektivita typu (1) . . . . .           | 85  |
| 6. Projektivita typu $(\infty, 1)$ . . . . . | 93  |
| 7. Pokračování . . . . .                     | 98  |
| 8. Projektivita typu $(\infty)$ . . . . .    | 110 |
| 9. Klasifikace projektivit . . . . .         | 116 |

#### Kapitola III.

##### Korelace.

|  |     |
|--|-----|
| 1. Základní úvahy . . . . .                            | 119 |
| 2. Kuželosečka pólová a kuželosečka polárová . . . . . | 125 |
| 3. Adjungovaná projektivita . . . . .                  | 131 |
| 4. Harmonické kuželosečky . . . . .                    | 133 |
| 5. Různé typy reciprocit . . . . .                     | 146 |
| 6. Reciprocita typu (3) . . . . .                      | 151 |
| 7. $(h, p)$ -inverse typu (3) . . . . .                | 153 |
| 8. $(H, P)$ -inverse typu (3) . . . . .                | 162 |
| 9. Reciprocita typu (2) . . . . .                      | 174 |
| 10. $(h, p)$ -inverse typu (2) . . . . .               | 177 |
| 11. $(H, P)$ -inverse typu (2) . . . . .               | 180 |
| 12. Reciprocita typu (1) . . . . .                     | 183 |

|  |     |
|--|-----|
| 13. $(h, p)$ -inverse typu (1) . . . . .     | 184 |
| 14. $(H, P)$ -inverse typu (1) . . . . .     | 190 |
| 15. Reciprocita typu $(\infty, 1)$ . . . . . | 195 |
| 16. Pomocný odstavec . . . . .               | 199 |
| 17. Polarita . . . . .                       | 208 |

## Kapitola IV.

### Affinita.

|  |     |
|--|-----|
| 1. Základní úvahy . . . . .              | 214 |
| 2. Pokračování . . . . .                 | 220 |
| 3. Homothetické kuželosečky . . . . .    | 225 |
| 4. Konstrukce . . . . .                  | 226 |
| 5. Affinita typu (3) . . . . .           | 230 |
| 6. Affinity typu (2) . . . . .           | 231 |
| 7. Affinita typu (1) . . . . .           | 237 |
| 8. Affinity typu $(\infty, 1)$ . . . . . | 240 |
| 9. Affinita typu $(\infty)$ . . . . .    | 247 |

## Kapitola V.

### Podobnostní grupy.

|   |     |
|---|-----|
| 1. Základní definice a pojmy . . . . .              | 249 |
| 2. Vzdálenost . . . . .                             | 251 |
| 3. Úhel . . . . .                                   | 258 |
| 4. Pokračování . . . . .                            | 261 |
| 5. Euklidovy postuláty . . . . .                    | 270 |
| 6. Analytické vyjádření podobnostní grupy . . . . . | 277 |
| 7. Konstrukce . . . . .                             | 284 |
| 8. $e$ -podobnosti různých typů . . . . .           | 288 |
| 9. $h$ -podobnosti různých typů . . . . .           | 290 |
| 10. Shodnostní grupa . . . . .                      | 296 |
| 11. Konstrukce . . . . .                            | 301 |
| 12. Zrcadlení . . . . .                             | 303 |
| 13. Jednostrannost projektivní roviny . . . . .     | 309 |
| 14. Dodatek . . . . .                               | 313 |

## Kapitola VI.

### Neeuklidovské roviny.

#### I.

#### Hyperbolická neeuklidovská rovina.

|   |     |
|---|-----|
| 1. Základní pojmy . . . . .                           | 318 |
| 2. $H$ -vzdálenost . . . . .                          | 320 |
| 3. $H$ -úhel . . . . .                                | 329 |
| 4. Dvě a více $H$ -přímek . . . . .                   | 330 |
| 5. Pomocný odstavec . . . . .                         | 332 |
| 6. $H$ -úhel rovnoběžnosti . . . . .                  | 338 |
| 7. Konstrukce . . . . .                               | 342 |
| 8. $H$ -úhel paprsků . . . . .                        | 344 |
| 9. Středová $H$ -souměrnost, $H$ -zrcadlení . . . . . | 347 |
| 10. $H$ -otáčení . . . . .                            | 352 |
| 11. Ekvidistantní posuv . . . . .                     | 356 |
| 12. Horocyklický posuv . . . . .                      | 361 |

|   |     |
|---|-----|
| 13. Konstrukce . . . . .                          | 364 |
| 14. $H$ -pohyb. Skládání $H$ -pohybů . . . . .    | 368 |
| 15. Kleinovo zobrazení $H$ -roviny . . . . .      | 376 |
| 16. Poincarého zobrazení $H$ -roviny . . . . .    | 386 |
| 17. Prostorová interpretace $H$ -roviny . . . . . | 390 |
| 18. Pokračování ( $H$ -trigonometrie) . . . . .   | 394 |
| 19. Historické poznámky . . . . .                 | 398 |

## II.

### Eliptická neeuclidovská rovina.

|   |     |
|---|-----|
| 1. Základní pojmy . . . . .                       | 403 |
| 2. $E$ -odchylka . . . . .                        | 406 |
| 3. Dva a více $E$ -elementů . . . . .             | 407 |
| 4. Konstrukce . . . . .                           | 410 |
| 5. Pomocný odstavec . . . . .                     | 413 |
| 6. $E$ -souměrnost . . . . .                      | 415 |
| 7. $E$ -otáčení . . . . .                         | 416 |
| 8. $E$ -kružnice . . . . .                        | 419 |
| 9. $E$ -pohyby a jejich skládání . . . . .        | 423 |
| 10. Prostorová interpretace $E$ -roviny . . . . . | 427 |
| 11. Pokračování . . . . .                         | 432 |
| 12. Historické poznámky . . . . .                 | 435 |

## Kapitola VII.

### Trsy. Nesoumísná pole.

|   |     |
|---|-----|
| 1. Základní pojmy . . . . .                               | 437 |
| 2. Trsy v korelaci . . . . .                              | 438 |
| 3. Korelace nesoumísných trsů typu (2) . . . . .          | 441 |
| 4. Korelace nesoumísných trsů typu (1) . . . . .          | 445 |
| 5. Korelace nesoumísných trsů typu ( $\infty$ ) . . . . . | 447 |
| 6. Nesoumísná pole v korelaci . . . . .                   | 448 |
| 7. Korelace nesoumísných polí typu (2) . . . . .          | 451 |
| 8. Korelace nesoumísných polí typu (1) . . . . .          | 454 |
| 9. Korelace nesoumísných polí typu ( $\infty$ ) . . . . . | 456 |
| 10. Problém os quadratického kužele . . . . .             | 457 |

## ČÁST II.: QUADRATICKÉ ÚTVARY.

### Kapitola I.

#### Bodová quadrika. Rovinová quadrika.

|  |     |
|--|-----|
| 1. Základní definice a pojmy pro bodovou quadriku . . . . .        | 465 |
| 2. Pól a polární rovina bodové quadriky $Q_b$ . . . . .            | 470 |
| 3. Bodová quadrika přímková a bodová quadrika nepřímková . . . . . | 472 |
| 4. Základní definice a pojmy pro rovinovou quadriku . . . . .      | 474 |
| 5. Polární rovina a pól rovinové quadriky $Q_r$ . . . . .          | 479 |

### Kapitola II.

#### Svazek quadrik a osnova quadrik.

|  |     |
|--|-----|
| 1. Polární vlastnosti quadriky . . . . . | 482 |
| 2. Bodová base . . . . .                 | 486 |
| 3. Obecný svazek $S(^4Q)$ . . . . .      | 491 |

|   |     |
|---|-----|
| 4. Desarguesova poučka pro svazek $S^{(4Q)}$ . . . . .    | 493 |
| 5. Společný polární čtyřstěn svazku $S^{(4Q)}$ . . . . .  | 497 |
| 6. Polární vlastnosti svazku $S^{(4Q)}$ . . . . .         | 502 |
| 7. Některé speciální případy . . . . .                    | 507 |
| 8. Rovinová base . . . . .                                | 512 |
| 9. Obecná osnova $O^{(4B)}$ . . . . .                     | 517 |
| 10. Desarguesova poučka pro osnovu $O^{(4B)}$ . . . . .   | 520 |
| 11. Společný polární čtyřstěn osnovy $O^{(4B)}$ . . . . . | 525 |
| 12. Polární vlastnosti osnovy $O^{(4B)}$ . . . . .        | 530 |
| 13. Některé speciální případy . . . . .                   | 535 |

### Dodatek. Úlohy k opakování.

|   |     |
|---|-----|
| 1. Základní úlohy o projektivitě v rovině . . . . .             | 543 |
| 2. Úlohy o korelaci . . . . .                                   | 545 |
| 3. Základní úlohy o affinitě v rovině . . . . .                 | 548 |
| 4. Úlohy o podobnostní grupě . . . . .                          | 550 |
| 5. Úlohy o neeuklidovské geometrii v rovině:                    |     |
| a) Hyperbolická neeuklidovská geometrie . . . . .               | 552 |
| b) Eliptická neeuklidovská geometrie . . . . .                  | 553 |
| 6. Úlohy o korelaci trsů a korelaci nesoumísných polí . . . . . | 554 |
| 7. Úlohy o quadrikách . . . . .                                 | 555 |

