

Introduction . . . . .	7
------------------------	---

# I

## *L'être : multiple et vide. Platon/Cantor*

1. L'un et le multiple : conditions <i>a priori</i> de toute ontologie possible . . . . .	31
2. Platon . . . . .	41
3. Théorie du multiple pur : paradoxes et décision critique. .	49
<i>Note technique.</i> Les conventions d'écriture. . . . .	61
4. Le vide : nom propre de l'être. . . . .	65
5. La marque $\phi$ . . . . .	73
1. Le même et l'autre : l'axiome d'extensionnalité . . . . .	73
2. Les opérations sous condition : axiomes des sous-ensembles, de l'union, de séparation et de remplacement. . . . .	75
3. Le vide, suture soustractive à l'être . . . . .	79
6. Aristote . . . . .	85

## II

### *L'être : excès, état de la situation. Un/Multiple, Tout/Parties, ou $\in/\subset$ ?*

7. Le point d'excès . . . . .	95
1. Appartenance et inclusion. . . . .	95
2. Le théorème du point d'excès. . . . .	98
3. Le vide et l'excès. . . . .	100
4. Un, compte-pour-un, unicité et mise-en-un. . . . .	104
8. L'état, ou métastructure, et la typologie de l'être (normalité, singularité, excroissance). . . . .	109
Tableau récapitulatif . . . . .	119
9. L'état de la situation historico-sociale. . . . .	121
10. Spinoza. . . . .	129

## III

### *L'être : nature et infini. Heidegger/Galilée*

11. La nature : poème ou mathème ? . . . . .	141
12. Le schème ontologique des multiples naturels et l'inexistence de la Nature . . . . .	149
1. Le concept de normalité : ensembles transitifs. . . . .	150
2. Les multiples naturels : les ordinaux. . . . .	151
3. Le jeu de la présentation dans les multiples naturels, ou ordinaux . . . . .	153
4. Ultime élément naturel (atome unique) . . . . .	158
5. Un ordinal est le nombre de ce dont il est le nom. . . . .	158
6. La Nature n'existe pas. . . . .	159

13. L'infini : l'autre, la règle, et l'Autre . . . . .	161
14. La décision ontologique « il y a de l'infini dans les multiples naturels ». . . . .	169
1. Point d'être et opérateur de parcours . . . . .	170
2. Succession et limite. . . . .	173
3. Le deuxième sceau existentiel. . . . .	175
4. L'infini enfin défini. . . . .	176
5. Le fini, en second lieu. . . . .	179
15. Hegel . . . . .	181
1. Le mathème de l'infini revisité . . . . .	181
2. Comment un infini peut-il être mauvais ? . . . . .	184
3. Le retournement et la nomination. . . . .	185
4. Les arcanes de la quantité. . . . .	187
5. La disjonction . . . . .	190

#### IV

### *L'événement : Histoire et ultra-un*

16. Sites événementiels et situations historiques . . . . .	193
17. Le mathème de l'événement . . . . .	199
18. L'interdiction portée par l'être sur l'événement. . . . .	205
1. Le schème ontologique de l'historicité et de l'instabilité . . . . .	206
2. L'axiome de fondation. . . . .	207
3. L'axiome de fondation est une thèse métaontologique de l'ontologie . . . . .	208
4. Nature et histoire . . . . .	209
5. L'événement relève du ce-qui-n'est-pas-l'être-en-tant-qu'être. . . . .	211
19. Mallarmé . . . . .	213

## V

### *L'événement : intervention et fidélité. Pascal/Choix; Hölderlin/Déduction*

20. L'intervention : choix illégal d'un nom de l'événement, logique du Deux, fondation temporelle . . . . .	223
21. Pascal . . . . .	235
22. La forme-multiple de l'intervention : y a-t-il un être du choix? . . . . .	247
23. La fidélité, la connexion . . . . .	257
24. La déduction comme opérateur de la fidélité ontologique.	267
1. Le concept formel de la déduction . . . . .	269
2. Le raisonnement hypothétique. . . . .	271
3. Le raisonnement par l'absurde . . . . .	275
4. Triple détermination de la fidélité déductive . . . . .	279
25. Hölderlin . . . . .	283

## VI

### *Quantité et savoir. Le discernable (ou constructible) : Leibniz/Gödel*

26. Le concept de la quantité et l'impasse de l'ontologie . .	293
1. Comparaison quantitative des ensembles infinis . . . . .	295
2. Corrélât quantitatif naturel d'un multiple : cardinalité et cardinaux . . . . .	297
3. Le problème des cardinaux infinis . . . . .	300

4. L'état d'une situation est quantitativement plus grand que la situation elle-même. . . . .	302
5. Premier examen du théorème de Cantor : l'échelle de mesure des multiples infinis, ou suite des alephs . . . . .	304
6. Deuxième examen du théorème de Cantor : quelle mesure de l'excès ? . . . . .	306
7. Complète errance de l'état d'une situation : le théorème de Easton. . . . .	307
27. Destin ontologique de l'orientation dans la pensée. . . . .	311
28. La pensée constructiviste et le savoir de l'être . . . . .	317
29. Pliage de l'être et souveraineté de la langue. . . . .	327
1. Construction du concept d'ensemble constructible. . . . .	328
2. L'hypothèse de constructibilité . . . . .	331
3. Absoluité. . . . .	334
4. Le non-être absolu de l'événement . . . . .	337
5. La légalisation de l'intervention . . . . .	338
6. Normalisation de l'excès . . . . .	340
7. L'ascèse savante et sa limitation . . . . .	342
30. Leibniz . . . . .	349

## VII

### *Le générique : indiscernable et vérité.*

*L'événement - P.J. Cohen*

31. La pensée du générique et l'être en vérité. . . . .	361
1. Le savoir revisité . . . . .	362
2. Les enquêtes. . . . .	363
3. Vérité et véridicité . . . . .	365
4. Procédure générique. . . . .	369
5. Le générique est l'être-multiple d'une vérité . . . . .	373
6. Existe-t-il des vérités ? . . . . .	374
32. Rousseau . . . . .	379

33. Le mathème de l'indiscernable : la stratégie de P.J. Cohen	391
1. Situation fondamentale quasi complète . . . . .	395
2. Les conditions : matériau et sens. . . . .	398
3. Sous-ensemble (ou partie) correct(e) de l'ensemble des conditions. . . . .	401
4. Sous-ensemble indiscernable, ou générique. . . . .	403
34. L'existence de l'indiscernable : le pouvoir des noms. . .	409
1. Au péril de l'inexistence . . . . .	409
2. Coup de théâtre ontologique : l'indiscernable existe . . .	410
3. La nomination de l'indiscernable. . . . .	413
4. $\varnothing$ -réfèrent d'un nom et extension par l'indiscernable. . .	416
5. La situation fondamentale est une partie de toute extension générique, et l'indiscernable $\varnothing$ en est toujours un élément .	418
6. Exploration de l'extension générique. . . . .	421
7. Indiscernabilité intrinsèque, ou en situation. . . . .	424

## VIII

### *Le forçage : vérité et sujet. Au-delà de Lacan*

35. Théorie du sujet . . . . .	429
1. La subjectivation : intervention et opérateur de connexion fidèle . . . . .	430
2. Le hasard, dont se tisse toute vérité, est la matière du sujet.	432
3. Sujet et vérité : indiscernabilité et nomination. . . . .	434
4. Véridicité et vérité du point de la procédure fidèle : le forçage . . . . .	438
5. La production subjective : décision d'un indécidable, déqualification, principe des inexistants . . . . .	444
36. Le forçage : de l'indiscernable à l'indécidable . . . . .	449
1. La technique du forçage . . . . .	451
2. Une extension générique d'une situation quasi complète est elle aussi quasi complète . . . . .	455

3. Statut des énoncés véridiques dans une extension générique $S(\varphi)$ : l'indécidable. . . . .	456
4. Errance de l'excès (1) . . . . .	459
5. Absentement et maintenance de la quantité intrinsèque . . .	463
6. Errance de l'excès (2) . . . . .	465
7. De l'indiscernable à l'indécidable. . . . .	466
37. Descartes / Lacan . . . . .	471

## *Annexes*

<i>Appendices.</i> . . . . .	479
1. Principe de minimalité pour les ordinaux . . . . .	481
2. Une relation, ou une fonction, n'est qu'un multiple pur. .	483
3. Hétérogénéité des cardinaux : régularité et singularité. . .	487
4. Tout ordinal est constructible. . . . .	493
5. Sur l'absoluité. . . . .	495
6. Signes primitifs de la logique et récurrence sur la longueur des formules. . . . .	497
7. Forçage de l'égalité pour les noms de rang nominal 0. . . .	501
8. Toute extension générique d'une situation quasi complète est quasi complète. . . . .	507
9. Achèvement de la démonstration de $ p(\omega_0)  \geq \partial$ dans une extension générique . . . . .	511
10. Absentement d'un cardinal $\partial$ de $S$ dans une extension générique . . . . .	513
11. Condition nécessaire pour qu'un cardinal soit absenté dans une extension générique . . . . .	515
12. Cardinalité des antichaînes de conditions . . . . .	517
<i>Notes.</i> . . . . .	521
<i>Dictionnaire</i> . . . . .	535