

# Obsah

<b>Předmluva</b>	<b>3</b>
<b>1 Matice</b>	<b>5</b>
1.1 Operace s maticemi . . . . .	6
1.2 Soustavy lineárních rovnic . . . . .	13
1.3 Maticové rovnice a výpočet inverzní matice . . . . .	17
1.4 Elementární matice . . . . .	21
1.5 Cvičení . . . . .	23
1.6 Řešení . . . . .	24
<b>2 Vektory a vektorové prostory</b>	<b>25</b>
2.1 Lineární závislost a nezávislost vektorů . . . . .	27
2.2 Souřadná soustava a báze . . . . .	28
2.3 Skalární součin . . . . .	32
2.4 Cvičení . . . . .	36
2.5 Řešení . . . . .	37
<b>3 Hodnost matice</b>	<b>39</b>
3.1 Řádkový a sloupcový prostor matice, hodnost . . . . .	39
3.2 Cvičení . . . . .	42
3.3 Řešení . . . . .	43
<b>4 Determinanty</b>	<b>45</b>
4.1 Definice a vlastnosti . . . . .	46
4.2 Soustavy lineárních rovnic s regulární maticí . . . . .	52
4.3 Cvičení . . . . .	55
4.4 Řešení . . . . .	56
<b>5 Lineární zobrazení</b>	<b>57</b>
5.1 Matice lineárního zobrazení . . . . .	57
5.2 Transformace souřadnic . . . . .	60
5.3 Cvičení . . . . .	61
5.4 Řešení . . . . .	62

---

<b>6 Charakteristické vektory</b>	<b>63</b>
6.1 Podobné matice . . . . .	63
6.2 Charakteristická čísla, charakteristické vektory . . . . .	64
6.3 Podobnost diagonální matici . . . . .	67
6.4 Cvičení . . . . .	72
6.5 Řešení . . . . .	76
<b>7 Jordanův kanonický tvar</b>	<b>79</b>
7.1 Zobecněně charakteristické vektory . . . . .	79
7.2 Jordanova kanonická báze . . . . .	84
7.3 Jordanova kanonická matici . . . . .	89
7.4 Příklady . . . . .	93
7.5 Cvičení . . . . .	96
7.6 Řešení . . . . .	100
<b>8 Funkce matic</b>	<b>103</b>
8.1 Maticové polynomy . . . . .	103
8.2 Minimální polynom matice . . . . .	106
8.3 Funkce matic . . . . .	108
8.4 Příklady . . . . .	115
8.5 Cvičení . . . . .	117
8.6 Řešení . . . . .	119
<b>9 Matice speciálních typů</b>	<b>121</b>
9.1 Ortogonální matice . . . . .	121
9.2 Symetrické matice . . . . .	123
9.3 Pozitivně definitní matice . . . . .	125
9.4 Kvadratické formy . . . . .	127
9.5 SVD rozklad . . . . .	133
9.6 Cvičení . . . . .	140
9.7 Řešení . . . . .	143
<b>10 Dodatky a aplikace</b>	<b>145</b>
10.1 Soustavy lineárních diferenciálních rovnic . . . . .	145
10.2 Lokální extrémy funkcí více proměnných . . . . .	154
10.3 Kvadratické křivky v rovině . . . . .	155
10.4 Metoda nejmenších čtverců . . . . .	157
10.5 Diskrétní Fourierova transformace . . . . .	159
10.6 Statistika $S^2$ . . . . .	159
10.7 Cvičení . . . . .	161
10.8 Řešení . . . . .	162
<b>Seznam literatury</b>	<b>163</b>
<b>Rejstřík</b>	<b>164</b>