

# Obsah

<b>1</b>	<b>Mechanika hmotných bodů</b>	<b>5</b>
1.1	Základní hypotézy klasické mechaniky . . . . .	5
1.2	Vztažný a inerciální systém. I. Newtonův pohybový zákon . . . . .	5
1.3	Pravé a zdánlivé síly. II. Newtonův pohybový zákon. Hmotnost. Zákon akce a reakce . . . . .	7
1.4	Galileiho transformace a důsledky . . . . .	7
1.5	Pohyb hmotného bodu . . . . .	8
1.6	Impulzové věty a zákony zachování . . . . .	14
1.7	Energie a práce. Potenciálové a konzervativní síly. Zákon zachování mechanické energie . . . . .	16
1.8	Centrální síly . . . . .	18
1.9	Rychlost, zrychlení a pohybové rovnice v polárních souřadnicích . . . . .	20
1.10	Integrace pomocí zákonů zachování . . . . .	22
1.11	Kružloosečky v polárních souřadnicích . . . . .	23
1.12	Pohyby planet . . . . .	25
1.13	Rozptyl. Rutherfordův vzorec . . . . .	26
1.14	Binetův vzorec . . . . .	29
1.15	Přirozený pohyb po křivce . . . . .	30
1.16	Harmonické kmity . . . . .	34
1.17	Soustava hmotných bodů . . . . .	38
1.18	Problém dvou těles . . . . .	40
<b>2</b>	<b>Mechanika tuhého tělesa</b>	<b>43</b>

2.1	Základní vlastnosti. Hmotný střed . . . . .	43
2.2	Eulerova věta o pohybu . . . . .	44
2.3	Eulerovy úhly a Eulerovy kinematické rovnice . . . . .	45
2.4	Unášivá rychlost . . . . .	48
2.5	Kinetická energie a moment hybnosti. Königova věta . . . . .	49
2.6	Otáčení kolem pevného bodu. Tenzor setrvačnosti . . . . .	50
2.7	Eulerovy dynamické rovnice. Setrvačníky . . . . .	52
2.8	Rotace kolem pevné osy. Steinerova věta . . . . .	57
2.9	Pohyb v neinerciálním systému . . . . .	62
2.10	Vektorová mechanika. Princip uvolnění . . . . .	68
<b>3</b>	<b>Analytická mechanika</b> . . . . .	<b>71</b>
3.1	Úvod. Stupeň volnosti a vazby. Integrace . . . . .	71
3.2	Virtuální posunutí. Princip virtuálních prací . . . . .	74
3.3	D'Alembertův princip. Lagrangeův princip . . . . .	78
3.4	Lagrangeovy rovnice I. druhu . . . . .	81
3.5	Zobecněné souřadnice. Lagrangeovy rovnice II. druhu . . . . .	84
3.6	Hamiltonův princip nejmenší akce . . . . .	89
3.7	Hamiltonovy kanonické rovnice . . . . .	94
3.8	Kanonické transformace. Poissonovy závorky . . . . .	97
3.9	Závěr . . . . .	99
<b>4</b>	<b>Mechanika kontinua</b> . . . . .	<b>101</b>
4.1	Tenzor deformace . . . . .	101
4.2	Tenzor napětí. Podmínky rovnováhy . . . . .	105
4.3	Hookův zákon . . . . .	109
4.4	Elastická energie . . . . .	113
4.5	Dynamická rovnice kontinua. Vlny v tuhých látkách . . . . .	115
4.6	Vlastnosti a popis tekutin. Rovnice kontinuity . . . . .	119

4.7 Navier-Stokesovy rovnice. Eulerovy rovnice . . . . .	121
4.8 Hydrostatika. Archimedův a Pascalův zákon . . . . .	126
4.9 Stacionární proudění. Bernoulliho rovnice . . . . .	130
4.10 Potenciální (nevírové) proudění . . . . .	131
4.11 Víry v ideální tekutině. Thomsonova a Helmholtzova věta . . . . .	133
4.12 Laminární proudění. Hagen-Poiseuilleův vzorec . . . . .	135
4.13 Turbulence. Reynoldsovo číslo . . . . .	139

## 1.1 Základní hypotézy klasické mechaniky

*Mechanika je oblas fyziky, která studuje klid a pohyb hmotných těles pod vlivem vzájemné interakce a působení vnějších sil. Vnějšími silami rozumíme působení těles, které do zkoumaného systému nezasahujeme. Klasická mechanika byla zformulována v polovině XVII. století L. Newtonem a je to vlastně první vědecká disciplína podaná axiomatickým způsobem. Vzhledem ke stavu teoretických znalostí a experimentální úroveň tehdejší doby Newton musel vyjít z nejjednodušších předpokladů. Byla to především hypotéza absolutního prostoru: „Prostor je úzkoměřitý, v klidu a je homogenní a izotropní, tj. má ve všech bodech a směrech stejné vlastnosti.“ Sám Newton již věděl, že nejobyčejnější prostor neteže látkami mechanickými počiny dokázat, ale věřil v jeho nehybnost a jeho nezávislost na fyzikálních veličinách fyziků dospěla, že pohyb vůči absolutnímu prostoru bude možno změřit pomocí nějakých (např. elektromagnetických) prostředků. Podobně i o čase zavedl hypotézu absolutního času: „Čas plyne rovnoměrně, jedním směrem a nezavěšuje se pohybovým stavu těles.“*

## 1.2 Vzátažný a inerciální systém. I. Newtonův pohybový zákon

Další důležitý pojem je *vzátažný systém*: „Jakékoliv hmotné těleso, vůči kterému udáváme polohu zkoumaných objektů.“ Ve zvoleném vzátažném systému pak udáváme polohu bodu buď *polohovými vektory* (invariantní popis) vzhledem ke zvolenému bodu (počátku) nebo pomocí tří souřadnic v zavedeném *souřadnicovém systému* (souřadnicový popis). V teoretických úvahách dáváme přednost vektorovému popisu, čímž zároveň splníme základní požadavek (psaný v celé fyzice), že fyzikální obsah nesmí záviset na zvoleném souřadnicovém systému. Při počítání konkrétních situací pak s výhodou zavedeme takový souřadnicový systém, aby výpočty byly co nejjednodušší. Připomeňme, že upouštíme