

---

## **Obsah**

Předmluva k českému vydání . . . . .	11
Předmluva . . . . .	12
Místo úvodu . . . . .	13
Kapitola 1 Žijeme mezi čísla . . . . .	15
Číslice různých národů a věků . . . . .	17
Zábavné úlohy . . . . .	22
Archimédes a číslo . . . . .	22
Dejte mi pevný bod a . . . . .	23
Energie hlasu . . . . .	24
Historická anekdota . . . . .	24
Vdoví groš . . . . .	25
Kolik dní? . . . . .	25
Řešení úloh . . . . .	25
Kapitola 2 Záhada iracionálního čísla . . . . .	27
Dvě významná iracionální čísla . . . . .	30
Zábavné úlohy . . . . .	32
Matematické hry a zábavy . . . . .	32
Z Ahmesova papyru . . . . .	33
Diophantova úloha . . . . .	33
Hlavolam Josefa Flavia . . . . .	34
Neovřená legenda . . . . .	36
Archimédův náhrobek . . . . .	36
Řešení úloh . . . . .	37
Kapitola 3 O záporném čísle . . . . .	39
Řecká matematika . . . . .	39
Indická matematika . . . . .	39
Období před objevem záporných čísel . . . . .	40
Arabská matematika . . . . .	40
Evropská matematika v období feudalismu . . . . .	41
Matematika na počátku kapitalismu . . . . .	43
Zábavné úlohy . . . . .	45
Jak je podělit? . . . . .	45
Jak rozdělit dědictví? . . . . .	47
Dokážeš odpovědět? . . . . .	47
Řešení úloh . . . . .	49
Kapitola 4 Komplexní čísla . . . . .	53
Zábavné úlohy . . . . .	55
Kolikrát? . . . . .	55
Pokažené bici hodiny . . . . .	55
Magdiny hodinky . . . . .	55
Kant a hodiny . . . . .	56
Rozkaz k odletu . . . . .	56
Co je víc? . . . . .	56
Kolik bylo přítomných v posluchárně? . . . . .	57
Zajímavosti, problémy, hlavolamy . . . . .	57
Řešení úloh . . . . .	58
Kapitola 5 Tři proslulé úlohy starověku . . . . .	63
1. Kvadratura kruhu . . . . .	63
2. Zdvojení krychle (dělská úloha) . . . . .	66
3. Trisekce úhlu . . . . .	68
Zábavné úlohy . . . . .	70
Geometrické drobnosti . . . . .	70
Konstruktivní úloha . . . . .	70
Vypočti obsah . . . . .	71
Obsah růžice . . . . .	71

Na výletě . . . . .	71	Kdo dřív? . . . . .	72
Nedokončená výprava . . . . .	71	Dva cestující . . . . .	72
Mladí turisté . . . . .	72	Poissonova úloha . . . . .	73
Matematika v tábora kuchyni . . . . .	72	Jak si pomohla? . . . . .	73
		Řešení úloh . . . . .	73
 Kapitola 6 Velká Fermatova věta . . . . .			79
Zábavné úlohy . . . . .	80	Najdi číslo . . . . .	82
Kolik? . . . . .	80	Čtyřciferný hlavolam . . . . .	82
Kolik bylo žáků? . . . . .	81	Charity a Múzy (starořecká úloha) . . . . .	83
Rozvrh služeb požárníků . . . . .	81	Jak se vyrovnali? . . . . .	83
Napiš . . . . .	81	Najdi číslo . . . . .	83
Které početní operace? . . . . .	81	Kolik jsem měl peněz? . . . . .	83
Najdi číslo . . . . .	82	Rozměňte bankovku . . . . .	83
Ve spořitelně . . . . .	82	Řešení úloh . . . . .	84
 Kapitola 7 Harmonický průměr . . . . .			90
Zábavné úlohy . . . . .	93	Prodej drobného zvířectva . . . . .	95
Přesnost především . . . . .	93	Kdo prodává levněji? . . . . .	96
Rozvážný účetní . . . . .	93	Inventura . . . . .	96
Vinař a jeho pomocník . . . . .	94	Chovatelé ovcí . . . . .	96
V družstevním obchodě . . . . .	95	Řešení úloh . . . . .	96
 Kapitola 8 Dvojková soustava . . . . .			100
Zábavné úlohy . . . . .	103	Z paměti milovníka matematiky . . . . .	104
Početní kouzlo (společenská zábava) . . . . .	103	Čísla jako koníček . . . . .	106
O různých soustavách . . . . .	103	Početní hra . . . . .	106
		Řešení úloh . . . . .	107
 Kapitola 9 Hádej, hadačí, teorie informace a kybernetika . . . . .			110
Řízení (psí křivka) . . . . .	112	Omyly při odhadu velikosti a tvaru . . . . .	114
Zábavné úlohy . . . . .	114	Tucet drobností . . . . .	115
		Řešení úloh . . . . .	116
 Kapitola 10 O magických čtvercích . . . . .			119
Zábavné úlohy . . . . .	120	Druhá odmocnina z „republiky“ . . . . .	122
Křížovka $3 \times 3$ (ořech k rozlousknutí) . . . . .	120	Kirkmannova úloha . . . . .	123
Najdi trojčiferné číslo . . . . .	121	Hra s čísly . . . . .	123
Magický trojúhelník . . . . .	121	Labyrint o 42 místnostech (orientační schopnost) . . . . .	123
Šachovnice . . . . .	121	Řešení úloh . . . . .	123
Vyhýbavá odpověď . . . . .	122		
 Kapitola 11 O řadách . . . . .			128
Zábavné úlohy . . . . .	130	Achilles a želva . . . . .	130
Unavená housenka . . . . .	130	O lomených čarách . . . . .	132

Z jedoucího vlaku . . . . .	123	Železniční dozorce . . . . .	133
Druhá odmocnina . . . . .	133	Cestování pana Smitha . . . . .	133
		Řešení úloh . . . . .	134
 Kapitola 12 Poměr $\varphi$ . . . . .			136
Zlatý trojúhelník a zlatý obdélník . . . . .	137	Karavana na sněhu . . . . .	141
Fibonacciova posloupnost . . . . .	139	Kolikrát ... . . . . .	142
Normalizovaný obdélník a normalizovaný trojúhelník . . . . .	140	Krychlový metr . . . . .	142
Zábavné úlohy . . . . .	141	U samovaru . . . . .	142
Lotrinský kříž . . . . .	141	Hlavolam . . . . .	142
		Kolik stránek? . . . . .	142
		Ptáci a ryba . . . . .	143
		Řešení úloh . . . . .	143
 Kapitola 13 „Origami“ . . . . .			146
Pascalův trojúhelník a poker . . . . .	149	Úloha Lva Nikolajeviče Tolstého o sekáčích . . . . .	151
Zábavné úlohy . . . . .	151	Vašek a Pepík – logický hlavolam . . . . .	152
Všechnátkovo kouzlo . . . . .	151	Řešení úloh . . . . .	153
 Kapitola 14 O parketážích . . . . .			155
Zábavné úlohy . . . . .	157	Dělení čtverce na poloviny . . . . .	158
Geometrie a nůžky . . . . .	157	Čtvercový arch papíru . . . . .	158
Jak rozdělíš dort? . . . . .	157	Jak se podělit bez hádek? . . . . .	158
Dělení trojúhelníku . . . . .	157	Pohár šňáry . . . . .	158
Dělení čtverce na šestiúhelníky . . . . .	157	Čokoládový dort . . . . .	159
Jak to dokážeš? . . . . .	158	Rámeček ze čtverce . . . . .	159
		Řešení úloh . . . . .	159
 Kapitola 15 Letadlo a vítr . . . . .			163
Zábavné úlohy . . . . .	165	Převodové pásy . . . . .	166
Dvě rány . . . . .	165	Rychlosť jízdy . . . . .	166
Voda a led . . . . .	166	Čtyři střely . . . . .	167
Jaký je objem láhvě? . . . . .	166	Dva plavci . . . . .	167
Jaká byla teplota? . . . . .	166	Řešení úloh . . . . .	168
 Kapitola 16 Kolik váží Stanislav? . . . . .			171
Dějiny korce, loktu a stopy . . . . .	172	Devět míčků . . . . .	175
Falešná mince . . . . .	174	Záhada dvanácti dukátů . . . . .	175
Zábavné úlohy . . . . .	175	Deset otázek . . . . .	176
		Řešení úloh . . . . .	176
 Kapitola 17 O kongruenci . . . . .			179
Dělitelnost čísel . . . . .	180	Zajímavá čísla . . . . .	184
Šhererezádino číslo . . . . .	182	Znak dělitelnosti jedenácti . . . . .	184

Zábavné úlohy . . . . .	185	Čtyři hádanky . . . . .	185
Pod kterým stromem je poklad? . . . . .	185	Řešení úloh . . . . .	186
Kapitola 18 O algebře . . . . . 188			
Vývoj zápisu rovnic v zrcadle věků . . . . .	189	Špechající pán . . . . .	192
O algoritmu . . . . .	190	Oddíl pěchoty a jeho maskot . . . . .	192
Zábavné úlohy . . . . .	192	Mezi motoristy . . . . .	192
Čtyři čtyřky . . . . . 192			
Řešení úloh . . . . . 193			
Kapitola 19 O geometrii . . . . . 195			
Medoňosné architektky . . . . .	196	Ještě o Möbiiově listu . . . . .	200
Möbiuv list . . . . .	198	Kolik let je strýci? . . . . .	201
Třikrát „in“: interpolace, inverze, involuce . . . . .	199	Spravedlivý otec . . . . .	201
Zábavné úlohy . . . . .	200	Krejčovství a geometrie . . . . .	201
Čtverec a přímka . . . . .	200	Elegantní dáma a její pásek . . . . .	202
Vyzkoušej svoji geometrickou představivost . . . . .	200	Rozvadění sousedé . . . . .	202
Z deště pod okap . . . . . 202			
Řešení úloh . . . . . 203			
Kapitola 20 Geometrická sofizmata – Pythagoriana . . . . . 207			
Zábavné úlohy . . . . .	209	Každý trojúhelník je rovnoramenný . . . . .	209
Každá kružnice má dva středy . . . . .	209	Věřitel a dlužník . . . . .	209
Řešení úloh . . . . . 210			
Kapitola 21 Symetrie a asymetrie . . . . . 212			
Zábavné úlohy . . . . .	214	čili „sněhové vločky“ . . . . .	215
Serifská hvězda . . . . .	214	Úlohy se zápalkami . . . . .	216
Křivky Nilse Fabiana Kocha		Řešení úloh . . . . .	217
Kapitola 22 O neeuklidovské geometrii . . . . . 220			
Zábavné úlohy . . . . .	222	Logický hlavolam . . . . .	223
Černá nebo bílá? . . . . .	222	Otcové a synové . . . . .	223
Novoroční hlavolam . . . . .	223	Jarní úklid . . . . .	224
Řešení úloh . . . . . 224			
Kapitola 23 Negordické uzly . . . . . 226			
Zábavné úlohy . . . . .	228	V cirkuse . . . . .	229
Trpělivost a vytrvalost . . . . .	228	Pěšiny na zahradě . . . . .	230
Poklad . . . . .	228	Poštovní zásilka . . . . .	230
Jednotažky . . . . .	229	Zahradnická úloha . . . . .	230
Mosty města Královce . . . . .	229	Řešení úloh . . . . .	230
Kapitola 24 Křivky . . . . . 233			
Šroubovice . . . . .	236	Loxodroma a ortodroma . . . . .	236

Vektory a skaláry . . . . .	237	Řeš krychle rovinou . . . . .	238
Zábavné úlohy . . . . .	238	Máš prostorovou představivost? . . . . .	238
Schůzka u Libeňského mostu . . . . .	238	Sedm otázek . . . . .	239
		Řešení úloh . . . . .	239
<b>Kapitola 25 O trigonometrii . . . . .</b>			<b>241</b>
O kružnici dotýkající se dvou daných kružnic . . . . .	243	Ohnutý prut . . . . .	244
Zábavné úlohy . . . . .	244	Plech . . . . .	244
		Řešení úloh . . . . .	244
<b>Kapitola 26 O variačním počtu . . . . .</b>			<b>246</b>
Izoperimetrické úlohy . . . . .	246	Úkol pro klempíře . . . . .	253
Didonina lešt . . . . .	247	Najdi číslo . . . . .	253
Podivuhodná křivka . . . . .	248	Krychlová kostka . . . . .	253
Valení bez smykání . . . . .	251	Geometrické drobnosti . . . . .	253
Zábavné úlohy . . . . .	253	Řešení úloh . . . . .	254
<b>Kapitola 27 Překvapení kombinatoriky . . . . .</b>			<b>256</b>
Hra „patnáct“ . . . . .	258	Anekdoty o dvanácti stolovnicích . . . . .	259
		$n!$ ( $n$ faktoriál) . . . . .	259
<b>Kapitola 28 Pravděpodobnost či jistota? . . . . .</b>			<b>261</b>
Mates, Sportka, Sazka . . . . .	268	Moudrý otec a bystrý syn . . . . .	271
Zábavné úlohy . . . . .	270	V ringu . . . . .	271
Dětská tiskárna . . . . .	270	Řešení úloh . . . . .	272
<b>Kapitola 29 Obrázek či výpočet . . . . .</b>			<b>275</b>
Vzorec a jeho geometrické znázornění . . . . .	276	Hříčky s čísly . . . . .	279
Zajímavá rovnost . . . . .	278	Broušení diamantu . . . . .	279
Zábavné úlohy . . . . .	278	Rozmanité drobnosti – Kolumbovo vejce . . . . .	280
Nesprávné kráčení . . . . .	278	Řešení úloh . . . . .	282
<b>Kapitola 30 Matematické vzorce . . . . .</b>			<b>285</b>
Kosmická rychlosť . . . . .	286	Člověk si podmaňuje prostor . . . . .	287
		Úvahy nad úvahami . . . . .	288
<b>Kapitola 31 Matematika a pazigrafie . . . . .</b>			<b>290</b>
<b>Kapitola 32 Zlaté myšlenky o matematice . . . . .</b>			<b>293</b>
Mládí a matematika . . . . .	293	Délka převodového pásu . . . . .	296
Matematické úlohy . . . . .	294	Lunar . . . . .	297
Zábavné úlohy . . . . .	294	Bílá káva . . . . .	297
Soutěž . . . . .	294	Dva řetízky . . . . .	297
		Řešení úloh . . . . .	297

Kapitola 33 Intuice a úsudek . . . . .	301	
Hanojská věž . . . . .	303	
Zábavné úlohy . . . . .	306	
	Přesouvání kotoučů . . . . .	306
	Červený kříž . . . . .	306
	Řešení úloh . . . . .	307
 Kapitola 34 Abstrakce . . . . .	308	
Zábavné úlohy . . . . .	308	
Na vyhýbce . . . . .	308	
Jak se dostali na druhou stranu? . . . . .	309	
	Ještě jednou na druhý břeh . . . . .	309
	Lucasova úloha . . . . .	309
	Řešení úloh . . . . .	309
 Kapitola 35 Induktivní metoda . . . . .	311	
Deduktivní metoda . . . . .	315	
O matematické logice . . . . .	316	
	Zábavné úlohy . . . . .	317
	O odsouzenci na smrt (logický hlavolam) .	317
	Buddhistický mnich . . . . .	319
 Rozloučení s knížkou (místo doslovu) . . . . .	319	
Seznam literatury . . . . .	321	
Seznam literatury k českému vydání . . . . .	323	