

# Obsah

---

Úvod . . . . .	7
I. Operátory a funkcionály . . . . .	9
1. Lineární prostory . . . . .	9
2. Prostory $L_p(X, \mu)$ . . . . .	14
3. Lineární operátory a funkcionály . . . . .	23
4. Bilineární operátory a funkcionály . . . . .	30
5. Nekonečné řady v Banachových prostorech . . . . .	39
6. Komplexní lineární prostory . . . . .	44
II. Ortogonální systémy . . . . .	47
7. Prostory typu H . . . . .	47
8. Ortogonální a ortonormální systémy . . . . .	55
9. Gramuv-Schmidtův ortogonalizační proces. Ekvivalence Hilbertových prostorů . . . . .	62
III. Speciální ortogonální systémy . . . . .	66
10. Ortogonální řady v prostorech funkcí . . . . .	66
11. Trigonometrické systémy . . . . .	73
12. Haaruv, Rademacherův a Walshův systém. Ortogonální polynomy . . . . .	79
Literatura . . . . .	88
Rejstřík . . . . .	89

Kapitola 1 má úvodní charakter. Článek 1 pojednává základně o lineárních prostorech, které se prolínají celým režitem. V článku 2 jsou uvedeny základní věty, které platí v prostorech  $L_p(X, \mu)$ . O lineárních operátorech a funkcionálech pojednává stručně článek 3. Článek 4 je věnován bilineárním operátorům a funkcionálům. Zvláštní pozornost je tam věnována tzv. konvoluci dvojice funkcí, která je příkladem bilineárního operátoru. V článku 4 je dále ukázáno, jak lze pomocí bilineárního násobení a jisté algebraické konstrukce získat tzv. Mikusiňského operátory. Zejména zájemce se tím snadne pochopit článek 5 o tzv. Mikusiňského operátorovém počet, který z moderního sjezdka upřesňuje původní Heavisideův symbolický počet. Nekonečným řadám v Banachových prostorech je věnován článek 5. V článku 6 se již pravidlo s komplexními čísly a komplexními funkciemi. Vzhledem k tomu, že s studenty se prezentuje určitý osud všech vlastí komplexních čísel, začátku jíme je možné též na závěr úvodní kapitoly.