

---

# OBSAH

PŘEDMLUVA K ČESKÉMU VYDÁNÍ . . . . .	14
PŘEDMLUVA K 17. NĚMECKÉMU VYDÁNÍ . . . . .	16
0. PŘEHLED ZNAKŮ A SYMBOLŮ, ČÍSELNÉ TABULKY, MATEMATICKÁ LOGIKA A MNOŽINY . . . . .	19
0.1. Přehled znaků a symbolů . . . . .	19
0.1.1. Matematická logika . . . . .	19
0.1.2. Množiny, zobrazení, funkce . . . . .	20
0.1.3. Standardní označení některých množin . . . . .	24
0.1.4. Číselné konstanty . . . . .	26
0.1.5. Elementární aritmetika a algebra . . . . .	27
0.1.6. Komplexní čísla . . . . .	28
0.1.7. Vektorová algebra a vektorová analýza . . . . .	28
0.1.8. Matice a determinanty . . . . .	30
0.1.9. Geometrie . . . . .	31
0.1.10. Matematická analýza . . . . .	34
0.1.11. Elementární funkce . . . . .	38
0.1.12. Speciální funkce . . . . .	40
0.1.13. Diferenciální geometrie . . . . .	41
0.1.14. Laplaceova transformace . . . . .	42
0.1.15. Počet pravděpodobnosti, matematická statistika a teorie chyb . . . . .	42
0.1.16. Regulační technika . . . . .	44
0.2. Číselné tabulky . . . . .	45
0.2.1. Tabulky hodnot $n^2$ , $n^3$ , $\sqrt{n}$ , $\frac{1}{4}\pi n^2$ , $\pi n$ a $\lg n$ pro $n$ od 1 do 100 . . . . .	45
0.2.2. Goniometrické funkce . . . . .	47
0.2.3. Mochniny o základu 2 . . . . .	56
0.2.4. Desítkové zápisys pro $a \cdot 8^n$ . . . . .	57
0.2.5. Osmičkové zápisys pro $a \cdot 10^n$ . . . . .	58
0.3. Matematická logika . . . . .	59
0.3.1. Výrokový počet . . . . .	59
0.3.2. Predikátový počet . . . . .	65
0.4. Množiny, zobrazení a funkce . . . . .	68
0.4.1. Množiny . . . . .	68
0.4.2. Množinové operace . . . . .	71
0.4.3. Věty o množinách . . . . .	73
0.4.4. Kartézský součin dvou množin . . . . .	76

0.4.5.	Binární relace	77
0.4.6.	Zobrazení, operace, funkce	83
0.4.7.	Konečné, nekonečné a spočetné množiny, mohutnost množiny	89
0.4.8.	Algebraické struktury	91
0.4.9.	Několik topologických pojmu	98
1.	<b>ARITMETIKA A ELEMENTÁRNÍ ALGEBRA</b>	103
1.1.	Číselné množiny	103
1.1.1.	Množina všech přirozených čísel	103
1.1.2.	Množina všech celých čísel	104
1.1.3.	Množina všech racionálních čísel	105
1.1.4.	Množina všech reálných čísel	106
1.2.	Operace na množinách $\mathbb{Z}$ , $\mathbb{Q}$ a $\mathbb{R}$	106
1.2.1.	Základní operace na množinách $\mathbb{Z}$ , $\mathbb{Q}$ a $\mathbb{R}$	106
1.2.2.	Absolutní hodnota reálného čísla	110
1.2.3.	Mocnina a odmocnina	111
1.2.4.	Číselné soustavy	114
1.2.5.	Dělení se zbytkem a beze zbytku v množině $\mathbb{Z}$ . Dělitelnost v množině $\mathbb{Z}$	121
1.2.6.	Uspořádání na množině $\mathbb{R}$	128
1.3.	Komplexní čísla	129
1.3.1.	Množina všech komplexních čísel	129
1.3.2.	Ryze imaginární čísla	131
1.3.3.	Komplexní čísla v kartézském tvaru	132
1.3.4.	Komplexní čísla v goniometrickém tvaru	134
1.3.5.	Komplexní čísla v exponenciálním tvaru	138
1.3.6.	Grafické metody	139
1.4.	Přibližná čísla a jejich chyby	143
1.4.1.	Přibližná čísla	143
1.4.2.	Zaokrouhlená čísla	144
1.4.3.	Pravidla pro přibližné výpočty	146
1.5.	Úměry	149
1.6.	Logaritmování	151
1.6.1.	Základní pojmy	151
1.6.2.	Vlastnosti logaritmů	153
1.6.3.	Určování desítkových logaritmů z logaritmických tabulek	153
1.6.4.	Přirozené logaritmy komplexních čísel	155
1.7.	Kombinatorika	156
1.7.1.	Binomické koeficienty, binomická věta	156
1.7.2.	Permutace	160
1.7.3.	Variace	163
1.7.4.	Kombinace	164

1.8.	Posloupnosti reálných čísel . . . . .	165
1.8.1.	Základní pojmy . . . . .	165
1.8.2.	Aritmetické posloupnosti . . . . .	167
1.8.3.	Geometrické posloupnosti . . . . .	170
1.8.4.	Vyvolená čísla . . . . .	171
1.9.	Procentový počet, úrokový počet . . . . .	172
1.9.1.	Procentový počet, promilový počet . . . . .	172
1.9.2.	Úrokový počet . . . . .	174
1.9.3.	Složený úrokový počet . . . . .	175
1.9.4.	Důchodový počet . . . . .	177
1.10.	Maticy . . . . .	180
1.10.1.	Základní pojmy . . . . .	180
1.10.2.	Operace s maticemi . . . . .	184
1.10.3.	Některé typy matic . . . . .	193
1.10.4.	Použití maticového počtu . . . . .	196
1.11.	Determinanty . . . . .	198
1.11.1.	Základní pojmy . . . . .	198
1.11.2.	Vlastnosti determinantu čtvercové matice . . . . .	202
1.11.3.	Řešení soustavy lineárních rovnic pomocí determinantů . . . . .	207
2.	ROVNICE, FUNKCE, VEKTOROVÝ POČET . . . . .	209
2.1.	Rovnice . . . . .	209
2.1.1.	Základní pojmy . . . . .	209
2.1.2.	Algebraické rovnice s jednou neznámou . . . . .	211
2.1.2.1.	Lineární rovnice s jednou neznámou . . . . .	212
2.1.2.2.	Kvadratická rovnice s jednou neznámou . . . . .	212
2.1.2.3.	Kubická rovnice s jednou neznámou . . . . .	214
2.1.2.4.	Algebraická rovnice $n$ -tého stupně s jednou neznámou . . . . .	217
2.1.3.	Transcendentní rovnice . . . . .	220
2.1.3.1.	Exponenciální rovnice . . . . .	220
2.1.3.2.	Logaritmické rovnice . . . . .	221
2.1.4.	Přibližné metody k určení kořenů rovnice . . . . .	222
2.1.4.1.	Metoda tětiv [regula falsi, lineární interpolace] . . . . .	222
2.1.4.2.	Metoda tečen [Newtonova metoda] . . . . .	223
2.1.4.3.	Iterační metoda . . . . .	225
2.1.4.4.	Grafické řešení rovnic . . . . .	225
2.1.5.	Soustavy rovnic . . . . .	227
2.1.5.1.	Soustavy lineárních rovnic se dvěma neznámými . . . . .	227
2.1.5.2.	Soustavy lineárních rovnic se třemi neznámými . . . . .	230
2.1.5.3.	Soustava $n$ lineárních rovnic s $n$ neznámými . . . . .	233
2.1.5.4.	Soustava dvou kvadratických rovnic se dvěma neznámými . . . . .	235
2.1.5.5.	Grafické řešení soustav rovnic se dvěma neznámými . . . . .	237
2.2.	Nerovnice . . . . .	239

2.2.1.	Základní pojmy . . . . .	239
2.2.2.	Řešení nerovnice . . . . .	239
2.3.	Reálné funkce . . . . .	241
2.3.1.	Základní pojmy . . . . .	241
2.3.2.	Přibližné vyjádření funkcí pomocí interpolačních vzorců . . . . .	250
2.3.3.	Funkce několika proměnných . . . . .	252
2.3.4.	Implicitní funkce . . . . .	253
2.3.5.	Kartézské grafy funkcí . . . . .	254
2.3.5.1.	Algebraické funkce . . . . .	254
2.3.5.2.	Transcendentní funkce . . . . .	260
2.4.	Vektorový počet . . . . .	261
2.4.1.	Základní pojmy . . . . .	261
2.4.2.	Použití vektorového počtu v geometrii . . . . .	273
2.5.	Kruhová inverze . . . . .	279
	ELEMENTÁRNÍ GEOMETRIE . . . . .	283
3.1.	Základní pojmy . . . . .	283
3.1.1.	Přímka, rovina, prostor a jejich části . . . . .	283
3.1.2.	Rovinný a prostorový úhel . . . . .	286
3.1.3.	Míry v geometrii . . . . .	287
3.1.3.1.	Míra jako zobrazení . . . . .	287
3.1.3.2.	Součet úseček a součet úhlů . . . . .	287
3.1.3.3.	Délka [velikost] úsečky . . . . .	289
3.1.3.4.	Velikost úhlu . . . . .	290
3.1.3.5.	Obsah obrazce . . . . .	296
3.1.3.6.	Objem tělesa . . . . .	296
3.1.3.7.	Pojem veličiny . . . . .	296
3.1.4.	Geometrická zobrazení v rovině . . . . .	298
3.1.5.	Použití shodnosti a podobnosti . . . . .	301
3.2.	Planimetrie . . . . .	307
3.2.1.	Trojúhelník . . . . .	307
3.2.1.1.	Pravoúhlý trojúhelník . . . . .	317
3.2.1.2.	Rovnoramenný trojúhelník . . . . .	318
3.2.1.3.	Rovnostranný trojúhelník . . . . .	319
3.2.2.	Čtyřúhelníky . . . . .	319
3.2.2.1.	Rovnoběžník . . . . .	320
3.2.2.2.	Obdélník . . . . .	320
3.2.2.3.	Kosočtverec . . . . .	321
3.2.2.4.	Čtverec . . . . .	321
3.2.2.5.	Lichoběžník . . . . .	322
3.2.2.6.	Tětivový čtyřúhelník . . . . .	322
3.2.2.7.	Tečnový čtyřúhelník . . . . .	323
3.2.2.8.	Deltoid . . . . .	323
3.2.3.	Mnohoúhelníky [ $n$ -úhelníky] . . . . .	323

3.2.3.1.	Pravidelné $n$ -úhelníky . . . . .	324
3.2.4.	Kružnice a kruh . . . . .	328
3.2.5.	Kruhová úseč . . . . .	330
3.2.6.	Mezikruží . . . . .	331
3.2.7.	Elipsa, hyperbola a parabola . . . . .	332
3.2.7.1.	Elipsa . . . . .	332
3.2.7.2.	Hyperbola . . . . .	333
3.2.7.3.	Parabola . . . . .	334
3.3.	Stereometrie . . . . .	334
3.3.1.	Obecné věty . . . . .	335
3.3.2.	Mnohostěny . . . . .	335
3.3.3.	Oblá tělesa a jejich části . . . . .	344
3.4.	Goniometrické, cyklometrické, hyperbolické a hyperbolometrické funkce . . . . .	357
3.4.1.	Goniometrické funkce . . . . .	357
3.4.2.	Cyklotrické rovnice . . . . .	372
3.4.3.	Cyklotrické funkce . . . . .	376
3.4.4.	Hyperbolické funkce . . . . .	379
3.4.5.	Hyperbolometrické funkce . . . . .	384
3.5.	Sférická trigonometrie . . . . .	386
3.5.1.	Základní pojmy . . . . .	386
3.5.2.	Pravoúhlý sférický trojúhelník . . . . .	388
3.5.3.	Kosoúhlý sférický trojúhelník . . . . .	389
3.5.4.	Matematický zeměpis . . . . .	394
4.	<b>ANALYTICKÁ GEOMETRIE</b> . . . . .	399
4.1.	Analytická geometrie v rovině . . . . .	399
4.1.1.	Různé souřadnicové soustavy . . . . .	399
4.1.2.	Body a úsečky . . . . .	404
4.1.3.	Přímka . . . . .	406
4.1.4.	Kružnice . . . . .	413
4.1.5.	Parabola . . . . .	418
4.1.6.	Elipsa . . . . .	427
4.1.7.	Hyperbola . . . . .	438
4.1.8.	Obecná algebraická rovnice druhého stupně v $x$ a $y$ . . . . .	449
4.2.	Analytická geometrie v prostoru . . . . .	455
4.2.1.	Různé souřadnicové soustavy . . . . .	455
4.2.2.	Body a úsečky v prostoru . . . . .	459
4.2.3.	Rovina v prostoru . . . . .	461
4.2.4.	Přímka v prostoru . . . . .	466
4.2.5.	Plochy druhého stupně . . . . .	471
4.2.5.1.	Kulová plocha . . . . .	471
4.2.5.2.	Elipsoid . . . . .	472
4.2.5.3.	Hyperboloid . . . . .	473

4.2.5.4.	Paraboloid . . . . .	475
4.2.5.5.	Kuželová plocha . . . . .	477
4.2.5.6.	Válcová plocha . . . . .	478
4.2.6.	Obecná algebraická rovnice druhého stupně v proměnných $x, y$ a $z$ . . . . .	480
5.	DIFERENCIÁLNÍ POČET . . . . .	482
5.1.	Limity . . . . .	482
5.1.1.	Limity posloupností . . . . .	482
5.1.2.	Limity funkcí . . . . .	486
5.2.	Diferenční podíl, derivace, diferenciál . . . . .	491
5.3.	Pravidla pro derivování funkcií . . . . .	496
5.4.	Derivace funkcií několika proměnných, totální diferenciál . . . . .	499
5.5.	Derivace elementárních funkcií . . . . .	505
5.6.	Derivování vektorové funkce v $E_3$ . . . . .	508
5.7.	Grafické derivování . . . . .	511
5.8.	Extrémy funkcií . . . . .	511
5.9.	Inflexní body . . . . .	518
5.10.	Věty o střední hodnotě v diferenciálním počtu . . . . .	519
5.11.	Neurčité výrazy . . . . .	520
5.11.1.	Limita typu $0/0$ nebo $\infty/\infty$ . . . . .	520
5.11.2.	Limita typu $0 \cdot \infty$ . . . . .	521
5.11.3.	Limita typu $\infty - \infty$ . . . . .	522
5.11.4.	Limity typů $0^0, \infty^0, 1^\infty$ . . . . .	522
6.	DIFERENCIÁLNÍ GEOMETRIE . . . . .	524
6.1.	Rovinné křivky . . . . .	524
6.1.1.	Základní prvky rovinných křivek . . . . .	525
6.1.2.	Některé důležité rovinné křivky . . . . .	537
6.1.2.1.	Semikubická parabola [Neilova parabola] . . . . .	537
6.1.2.2.	Cyklické křivky [trochoidy] . . . . .	537
6.1.2.3.	Cassiniový křivky . . . . .	545
6.1.2.4.	Spirály . . . . .	547
6.1.2.5.	Řetězovka . . . . .	549
6.1.2.6.	Traktrix . . . . .	550
6.1.2.7.	Kisoida . . . . .	551
6.1.2.8.	Strofoida . . . . .	553
6.1.2.9.	Konchoida . . . . .	554
6.2.	Prostorové křivky . . . . .	556
6.2.1.	Základní prvky prostorových křivek . . . . .	557
6.3.	Plochy . . . . .	567

7.	INTEGRÁLNÍ POČET FUNKCÍ JEDNÉ PROMĚNNÉ . . . . .	571
7.1.	Definice neurčitého integrálu . . . . .	571
7.2.	Základní integrály . . . . .	571
7.3.	Základní integrační pravidla . . . . .	573
7.4.	Některé důležité integrály . . . . .	585
7.4.1.	Integrály racionálních funkcí . . . . .	585
7.4.2.	Integrály iracionálních funkcí . . . . .	587
7.4.3.	Integrály goniometrických funkcí . . . . .	589
7.4.4.	Integrály hyperbolických funkcí . . . . .	594
7.4.5.	Integrály exponenciálních funkcí . . . . .	597
7.4.6.	Integrály logaritmických funkcí . . . . .	598
7.4.7.	Integrály cyklometrických funkcí . . . . .	599
7.4.8.	Integrály hyperbolometrických funkcí . . . . .	600
7.5.	Určitý integrál . . . . .	601
7.5.1.	Základní pojmy . . . . .	601
7.5.2.	Věty o střední hodnotě integrálního počtu . . . . .	602
7.5.3.	Přibližné metody pro výpočet určitých integrálů . . . . .	604
7.5.4.	Grafická integrace . . . . .	607
7.5.5.	Nevlastní integrály . . . . .	607
7.5.6.	Přehled některých určitých integrálů . . . . .	609
7.5.7.	Vyjádření některých integrálů řadami . . . . .	616
7.5.8.	Použití určitých integrálů . . . . .	619
7.6.	Křivkový integrál . . . . .	631
7.6.1.	Křivkový integrál po oblouku rovinné křivky . . . . .	631
7.6.2.	Křivkový integrál po prostorové křivce . . . . .	633
7.6.3.	Křivkový integrál vektoru . . . . .	634
7.7.	Množné [ $n$ -rozměrné] integrály . . . . .	635
7.7.1.	Dvojné [dvojrozměrné] integrály . . . . .	635
7.7.2.	Trojně [trojrozměrné] integrály . . . . .	642
8.	DIFERENCIÁLNÍ ROVNICE . . . . .	648
8.1.	Obyčejné diferenciální rovnice . . . . .	648
8.2.	Obyčejné diferenciální rovnice prvního řádu . . . . .	649
8.2.1.	Geometrický význam . . . . .	649
8.2.2.	Diferenciální rovnice se separovanými proměnnými . . . . .	652
8.2.3.	Lineární diferenciální rovnice prvního řádu . . . . .	654
8.2.4.	Homogenní diferenciální rovnice prvního řádu . . . . .	658
8.2.5.	Exaktní diferenciální rovnice prvního řádu . . . . .	659
8.2.6.	Integrující faktor [Eulerův multiplikátor] . . . . .	660
8.2.7.	Bernoulliova <diferenciální> rovnice . . . . .	662
8.2.8.	Riccatiova <diferenciální> rovnice . . . . .	662

8.2.9.	Clairautova <diferenciální> rovnice . . . . .	664
8.3.	Obyčejné diferenciální rovnice druhého řádu . . . . .	665
8.3.1.	Zvláštní připady . . . . .	666
8.3.2.	Homogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu s konstantními koeficienty . . . . .	672
8.3.3.	Homogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu s proměnnými koeficienty . . . . .	673
8.3.4.	Eulerova diferenciální rovnice druhého řádu bez pravé strany [homogenní Eulerova diferenciální rovnice] . . . . .	675
8.3.5.	Nehomogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu . . . . .	677
8.3.6.	Nehomogenní lineární diferenciální rovnice druhého řádu s konstantními koeficienty . . . . .	680
8.3.7.	Eulerova diferenciální rovnice druhého řádu s pravou stranou [úplná Eulerova diferenciální rovnice] . . . . .	682
8.4.	Obyčejné diferenciální rovnice třetího řádu . . . . .	684
8.4.1.	Homogenní lineární diferenciální rovnice třetího řádu s konstantními koeficienty . . . . .	684
8.4.2.	Nehomogenní lineární diferenciální rovnice třetího řádu s konstantními koeficienty . . . . .	685
8.5.	Integrování diferenciálních rovnic pomocí mocninných řad . . . . .	686
8.6.	Parciální diferenciální rovnice . . . . .	688
8.6.1.	Základní pojmy . . . . .	688
8.6.2.	Jednoduché parciální diferenciální rovnice . . . . .	689
8.6.3.	Lineární parciální diferenciální rovnice prvního řádu ve dvou proměnných . . . . .	690
9.	<b>NEKONEČNÉ ŘADY, FOURIEROVY ŘADY, FOURIERŮV INTEGRÁL, LAPLACEOVA TRANSFORMACE</b> . . . . .	692
9.1.	Řady . . . . .	692
9.1.1.	Základní pojmy . . . . .	692
9.1.2.	Kritéria konvergence řad . . . . .	692
9.1.3.	Některé nekonečné konvergentní číselné řady . . . . .	695
9.1.4.	Mocninné řady . . . . .	697
9.1.5.	Přibližné vzorce pro počítání s malými čísly . . . . .	705
9.2.	Základní pojmy k Fourierovým řadám . . . . .	706
9.3.	Výpočet Fourierovy řady; příklady . . . . .	709
9.4.	Fourierův integrál, Fourierova transformace . . . . .	718
9.5.	Laplaceova transformace . . . . .	720
9.6.	Použití Laplaceovy transformace k řešení diferenciálních rovnic . . . . .	725
9.7.	Tabulka korespondencí některých racionálních Laplaceových integrálů . . . . .	730
10.	<b>POČET PRAVDĚPODOBNOSTI, MATEMATICKÁ STATISTIKA, TEORIE CHYB A VYROVNÁVACÍ POČET</b> . . . . .	732
10.1.	Počet pravděpodobnosti . . . . .	732

10.2.	Matematická statistika . . . . .	743
10.2.1.	Sumační znak . . . . .	743
10.2.2.	Multiplikační znak . . . . .	744
10.2.3.	Střední hodnoty . . . . .	745
10.2.4.	Miry rozptýlení . . . . .	747
10.2.5.	Metoda nejmenších čtverců . . . . .	749
10.2.6.	Lineární regrese, lineární korelace . . . . .	751
10.3.	Teorie chyb . . . . .	752
10.4.	Vyrovnávací počet . . . . .	753
11.	<b>LINEÁRNÍ OPTIMALIZACE [LINEÁRNÍ PROGRAMOVÁNÍ]</b> . . . . .	760
11.1.	Základní pojmy . . . . .	760
11.2.	Grafická metoda řešení . . . . .	762
11.3.	Simplexová metoda . . . . .	764
11.4.	Simplexová tabulka . . . . .	770
12.	<b>LOGICKÁ ALGEBRA [SPÍNAČOVÁ ALGEBRA]</b> . . . . .	772
12.1.	Základní pojmy . . . . .	772
12.2.	Základní logické zákony a pravidla . . . . .	774
12.3.	Další booleovské funkce se dvěma proměnnými [lexikografické uspořádání] . . . . .	776
12.4.	Normální tvary . . . . .	779
12.5.	Karnaughovy mapy . . . . .	781
13.	<b>VZORCE Z REGULAČNÍ TECHNIKY</b> . . . . .	784
13.1.	Základní pojmy . . . . .	784
13.2.	Testovací [zkušební] funkce . . . . .	785
13.3.	Symbolická vyjádření . . . . .	787
13.4.	Řazení řídicích [regulačních] členů . . . . .	790
13.5.	Charakteristické hodnoty některých přenosových členů . . . . .	791
14.	<b>DODATKY</b> . . . . .	795
14.1.	Řecká abeceda . . . . .	795
14.2.	Německá abeceda [gotické písmo] . . . . .	796
14.3.	Často používané konstanty a jejich dekadické logaritmy . . . . .	797
15.	<b>LITERATURA</b> . . . . .	799
15.1.	Literatura z německého originálu . . . . .	799
15.2.	Literatura připojená při českém překladu . . . . .	801
15.2.1.	Matematická logika a množiny . . . . .	801
15.2.2.	Algebra (rovnice, matice, determinanty) . . . . .	802
15.2.3.	Analytická geometrie . . . . .	802

15.2.4.	Matematická analýza . . . . .	803
15.2.5.	Nekonečné řady . . . . .	804
15.2.6.	Diferenciální geometrie křivek a ploch . . . . .	804
15.2.7.	Obyčejná a parcíální diferenciální rovnice . . . . .	804
15.2.8.	Funkce komplexní proměnné . . . . .	805
15.2.9.	Laplaceova transformace . . . . .	805
15.2.10.	Numerické a grafické metody . . . . .	805
15.2.11.	Počet pravděpodobnosti a matematická statistika . . . . .	806
15.2.12.	Příručky, sbírky příkladů a přehledy vzorců . . . . .	806
15.2.13.	Tabulky konstant a funkcí . . . . .	807
VĚCNÝ REJSTŘÍK . . . . .		808