

# Obsah

Předmluva . . . . .	9
1 Úvod . . . . .	11
1.1 O původu statistického pojmu regrese . . . . .	11
1.2 Regresní závislost . . . . .	13
1.3 Veličiny používané v regresních modelech . . . . .	14
2 Matice . . . . .	17
2.1 Označení . . . . .	17
2.2 Symetrické matice . . . . .	20
2.3 Singulární rozklad matice . . . . .	23
2.4 Pseudoinverzní matice . . . . .	24
2.5 Projekce do podprostoru . . . . .	27
2.6 Cvičení . . . . .	33
3 Některé statistické pojmy . . . . .	37
3.1 Náhodný vektor . . . . .	37
3.2 Některá rozdělení náhodných veličin . . . . .	38
3.3 Rozdělení kvadratických forem . . . . .	40
3.4 Pomocná tvrzení . . . . .	43
3.5 Cvičení . . . . .	44
4 Lineární model . . . . .	45
4.1 Označení . . . . .	45
4.2 Metoda nejmenších čtverců . . . . .	46
4.3 Model s neúplnou hodností . . . . .	51
4.4 Identifikace v modelu s neúplnou hodností . . . . .	53
4.5 Lineární model s vedlejší podmínkou . . . . .	55
4.6 Normální lineární model . . . . .	62
4.7 Koefficient determinace . . . . .	66
4.8 Cvičení . . . . .	68
5 Širší model . . . . .	71
5.1 Dvoustupňový odhad . . . . .	71
5.2 Chybný předpoklad o $E\gamma$ . . . . .	75
5.3 Chybná varianční matici . . . . .	80
5.4 Optimalita odhadu rozptylu . . . . .	84
5.5 Citlivost testu lineární hypotézy na porušení předpokladu normality . . . . .	86
5.6 Cvičení . . . . .	90
6 Rezidua . . . . .	91
6.1 Rozdělení vektoru reziduí . . . . .	91

6.2	Model bez jednoho pozorování . . . . .	92
6.3	Normovaná rezidua . . . . .	94
6.4	Studentizovaná rezidua . . . . .	95
6.5	Někorelovaná rezidua . . . . .	97
6.6	Parciální rezidua . . . . .	100
6.7	Grafy reziduí . . . . .	103
6.8	Cvičení . . . . .	104
7	Vliv jednotlivých pozorování . . . . .	107
7.1	Empirická vlivová funkce . . . . .	107
7.2	Odlehlá pozorování . . . . .	108
7.3	Vzdálená pozorování . . . . .	112
7.4	Cvičení . . . . .	114
8	Ověřování předpokladů modelu . . . . .	115
8.1	Tvar regresní funkce . . . . .	115
8.2	Stálost rozptylu . . . . .	121
8.3	Nezávislost pozorování . . . . .	124
8.4	Normalita rozdělení odchylek . . . . .	129
8.5	Cvičení . . . . .	132
9	Multikolinearita . . . . .	133
9.1	Úvod . . . . .	133
9.2	Zjišťování multikolinearity . . . . .	136
9.3	Vychýlené odhady . . . . .	139
9.4	Cvičení . . . . .	145
10	Volba modelu . . . . .	147
10.1	Extrapolace a interpolace . . . . .	147
10.2	Kritéria pro porovnání modelů . . . . .	150
10.3	Výběr podmnožin regresorů . . . . .	155
10.4	Transformace závisle proměnné . . . . .	157
10.5	Cvičení . . . . .	160
11	Pásy kolem regresní funkce . . . . .	161
11.1	Úvod . . . . .	161
11.2	Pás spolehlivosti . . . . .	162
11.3	Toleranční interval . . . . .	165
11.4	Toleranční pás . . . . .	168
11.5	Cvičení . . . . .	171
12	Výpočetní metody . . . . .	173
12.1	Klasická řešení normální rovnice . . . . .	173
12.2	Ortogonalní rozklady . . . . .	176
12.3	Gentlemanova metoda . . . . .	180
12.4	Výpočet rekurzivních reziduí . . . . .	182
12.5	Cvičení . . . . .	185
13	Funkční a strukturní vztahy . . . . .	187
13.1	Úvod . . . . .	187
13.2	Strukturní vztahy . . . . .	188
13.3	Ortogonalní prokládání . . . . .	191
13.4	Funkční vztahy . . . . .	192
13.5	Pomocné proměnné . . . . .	195

14	Nelineární regrese . . . . .	199
14.1	Nové problémy . . . . .	199
14.2	Označení . . . . .	201
14.3	Statistické vlastnosti . . . . .	203
14.4	Test jednoduché hypotézy . . . . .	205
14.5	Test složené hypotézy . . . . .	210
14.6	Linearizovatelná regresní funkce . . . . .	212
15	Výpočty odhadů v nelineární regresi . . . . .	215
15.1	Iterační metody . . . . .	215
15.2	Zobecněná Newtonova metoda . . . . .	217
15.3	Gaussova metoda . . . . .	219
15.4	Marquardtův kompromis . . . . .	221
15.5	Metody nevyužívající derivace . . . . .	222
15.6	Kritéria konvergence . . . . .	224
16	Kvadratická approximace . . . . .	225
16.1	Vychýlení odhadu $t$ . . . . .	225
16.2	Míry křivosti . . . . .	227
16.3	Metoda výpočtu . . . . .	231
	Literatura . . . . .	237
	Seznam nejdůležitějších symbolů . . . . .	241
	Rejstřík . . . . .	243