

# Obsah

## Binární relace na množinách

|  |            |
|--|------------|
| <b>Předmluva</b>   | <b>3</b>   |
| <b>1 Binární relace na množinách</b>                     | <b>7</b>   |
| 1.1 Algebra binárních relací . . . . .                   | 8          |
| 1.2 Relace ekvivalence . . . . .                         | 13         |
| <b>2 Grupoidy, pologrupy, grupy</b>                      | <b>21</b>  |
| 2.1 Grupoidy a pologrupy . . . . .                       | 21         |
| 2.2 Základní vlastnosti grup . . . . .                   | 27         |
| 2.3 Podgrupy a normální podgrupy grup . . . . .          | 29         |
| 2.4 Věty o izomorfismu grup . . . . .                    | 39         |
| 2.5 Kongruence grup . . . . .                            | 43         |
| 2.6 Cyklické a permutační grupy . . . . .                | 46         |
| 2.7 Automorfismy grup . . . . .                          | 49         |
| 2.8 Direktní součiny grup . . . . .                      | 51         |
| <b>3 Okruhy, obory integrity, tělesa</b>                 | <b>61</b>  |
| 3.1 Základní vlastnosti okruhů . . . . .                 | 61         |
| 3.2 Ideály a homomorfismy okruhů . . . . .               | 65         |
| 3.3 Charakteristiky okruhů a prvookruhy okruhů . . . . . | 70         |
| 3.4 Podílová tělesa oborů integrity . . . . .            | 76         |
| <b>4 Dělitelnost v oborech integrity</b>                 | <b>83</b>  |
| 4.1 Základní vlastnosti dělitelů prvků . . . . .         | 83         |
| 4.2 Existence největších společných dělitelů . . . . .   | 89         |
| 4.3 Eukleidovské obory integrity . . . . .               | 91         |
| 4.4 Gaussovy obory integrity . . . . .                   | 95         |
| <b>Literatura</b>  | <b>103</b> |

3–denní relaci se nazývá ternární. S tímto typem relací se můžeme často setkat v geometrii. Ternární relaci je např. možné vyjádřit predikátorem „Body  $X$ ,  $Y$  až  $Z$  mají body  $A$  a  $B$ “ pro uspořádání trojice bodů na dané přímce.

Pro 4–denní relaci se také užívá názvu katernární.