

---

# OBSAH

PREDSLOV . . . . .	8
1. KOMPLEXNÉ ČÍSLA . . . . .	9
1.1 Základné pojmy, operácie s komplexnými číslami . . . . .	9
1.2 Goniometrický tvar komplexného čísla. Moivrova veta . . . . .	21
1.3 Riešenie kvadratických rovnic s reálnymi koeficientmi v množine $C$ . . . . .	31
1.4 Binomické rovnice. Komplexné odmocniny z reálnych čísel . . . . .	37
2. KOMBINATORIKA . . . . .	45
2.1 Kombinatorické pravidlo súčinu . . . . .	45
2.2 Variácie . . . . .	47
2.3 Permutácie a permutácie s opakováním . . . . .	53
2.4 Variácie s opakováním . . . . .	58
2.5 Kombinácie . . . . .	60
2.6 Vlastnosti kombinačných čísel . . . . .	65
2.7 Binomická veta . . . . .	68
3. ZÁKLADY POČTU PRAVDEPODOBNOSTI . . . . .	77
3.1 Definícia počtu pravdepodobnosti . . . . .	77
3.2 Náhodné udalosti . . . . .	80
3.3 Pravdepodobnosť náhodnej udalosti . . . . .	81
3.4 Štatistická pravdepodobnosť . . . . .	85
3.5 Podmienená pravdepodobnosť a pravdepodobnosť prieniku . . . . .	89
3.6 Pravdepodobnosť zjednotenia udalostí . . . . .	91
3.7 Nezávislé pokusy . . . . .	93
4. ZÁKLADY OPISNEJ ŠTATISTIKY . . . . .	98
4.1 Základné pojmy . . . . .	98
4.2 Rozdelenie početnosti . . . . .	105
4.3 Charakteristiky polohy . . . . .	108
4.4 Charakteristiky variability . . . . .	114
5. POSTUPNOSTI . . . . .	121
5.1 Pojem postupnosti . . . . .	121

5.2	Aritmetické postupnosti a ich použitie . . . . .	125
5.3	Geometrické postupnosti a ich použitie . . . . .	132
5.4	Limita postupnosti. Vety o limitách postupností . . . . .	141
5.5	Nekonečné geometrické rady . . . . .	146
<b>6.</b>	<b>VEKTOROVÁ ALGEBRA A ANALYTICKÁ GEOMETRIA . . . . .</b>	<b>155</b>
6.1	Súradnice bodov . . . . .	155
6.2	Vzdialenosť dvoch bodov . . . . .	158
6.3	Vektory . . . . .	163
6.4	Veľkosť vektora . . . . .	164
6.5	Súčet vektorov, rozdiel vektorov. Súčin vektora a reálneho čísla . . . . .	166
6.6	Lineárna závislosť a nezávislosť vektorov . . . . .	168
6.7	Skalárny súčin dvoch vektorov. Uhol dvoch vektorov . . . . .	171
6.8	Parametrické vyjadrenie priamky v rovine . . . . .	176
6.9	Všeobecná rovnica priamky . . . . .	178
6.10	Smernicový tvar rovnice priamky . . . . .	180
6.11	Vzájomná poloha dvoch priamok . . . . .	184
6.12	Vzdialenosť bodu od priamky . . . . .	190
6.13	Parametrické vyjadrenie priamky v priestore . . . . .	192
6.14	Vzájomná poloha dvoch priamok v priestore . . . . .	195
6.15	Parametrické vyjadrenie roviny . . . . .	197
6.16	Všeobecná rovnica roviny . . . . .	199
6.17	Vzájomná poloha priamky a roviny . . . . .	202
6.18	Vzájomná poloha dvoch rovin . . . . .	204
6.19	Vzdialenosť bodu od roviny a od priamky . . . . .	204
6.20	Odchýlka dvoch priamok, odchýlka dvoch rovin a odchýlka priamky od roviny . . . . .	206
6.21	Kružnica . . . . .	208
6.22	Vzájomná poloha priamky a kružnice . . . . .	212
6.23	Elipsa . . . . .	217
6.24	Vzájomná poloha priamky a elipsy . . . . .	221
6.25	Hyperbola . . . . .	223
6.26	Vzájomná poloha priamky a hyperboly . . . . .	226
6.27	Parabola . . . . .	229
6.28	Vzájomná poloha priamky a paraboly . . . . .	236
6.29	Algoritmizácia úloh z vektorovej algebry a analytickej geometrie. Výrojové diagramy . . . . .	238
<b>7.</b>	<b>DIFERENCIÁLNY POČET . . . . .</b>	<b>257</b>
7.1	Derivácia funkcie . . . . .	257
7.2	Približné riešenie rovnic . . . . .	263
7.3	Monotónnosť, spojitosť a derivácia . . . . .	265

7.4	Ďalšie pravidlá o derivovaní funkcií, derivácia zloženej funkcie, derivácia goniometrických, exponenciálnych, logaritmických a mocninových funkcií . . . . .	270
7.5	Extrémy funkcií . . . . .	281
7.6	Derivácia funkcie určenej implicitne . . . . .	292
7.7	Priklady na aplikácie . . . . .	294
7.8	Limita funkcie . . . . .	297
7.9	Diferenciál funkcie . . . . .	300
7.10	Diferenciálne rovnice . . . . .	302
<b>8.</b>	<b>ÚVOD DO INTEGRÁLNEHO POČTU . . . . .</b>	<b>314</b>
8.1	Primitívna funkcia (neurčitý integrál) . . . . .	314
8.2	Určitý integrál . . . . .	331
8.3	Niekteré geometrické a fyzikálne aplikácie určitého integrálu . . . . .	347
<b>9.</b>	<b>LINEÁRNA ALGEBRA . . . . .</b>	<b>370</b>
9.1	Vektory, operácie s vektormi . . . . .	370
9.2	Matice. Operácie s maticami . . . . .	375
9.3	Hodnosť matice . . . . .	386
9.4	Inverzná matica . . . . .	389
9.5	Sústavy lineárnych rovnic . . . . .	394
9.6	Sústavy lineárnych nerovníc . . . . .	402
<b>10.</b>	<b>MATEMATIKA A JEJ APLIKOVATEĽNOSŤ, SYSTEMIZÁCIA, PREHĽBENIE A UPEVNENIE POZNATKOV . . . . .</b>	<b>410</b>
10.1	Čiselné obory, čísla a výrazy . . . . .	410
10.2	Funkcie. Rovnice, nerovnice a ich sústavy . . . . .	419
10.3	Geometria . . . . .	440
10.4	Dôkazy a ich použitie . . . . .	447
10.5	Matematika a jej aplikovateľnosť . . . . .	453