

# Obsah

Předmluva autorů .....	11
O autorech .....	17
<b>1 CHYBY, VARIABILITA A NEJISTOTY INSTRUMENTÁLNÍCH MĚŘENÍ .....</b>	<b>21</b>
1.1 Chyby měřicích přístrojů .....	21
Vzorová úloha 1.1 <i>Absolutní a relativní chyba pH-metru</i> .....	25
Vzorová úloha 1.2 <i>Třída přesnosti a práh citlivosti ampérmetru</i> .....	26
Vzorová úloha 1.3 <i>Mezní absolutní a relativní chyba ampérmetru</i> .....	26
1.2 Způsoby vyjádření odhadů chyb měření .....	26
1.2.1 Momentové odhady chyb .....	27
Vzorová úloha 1.4 <i>Relativní a absolutní systematická chyba pipety</i> .....	29
1.2.2 Kvantilové odhady chyb .....	30
Vzorová úloha 1.5 <i>Kvantilové odhady chyb přístroje</i> .....	31
1.2.3 Nepravděpodobnostní intervalové odhady chyb .....	32
1.3 Šíření chyb a nejistot .....	32
1.3.1 Metoda Taylorova rozvoje .....	32
Vzorová úloha 1.6 <i>Šíření chyb v metodě izotopového zředování</i> .....	33
Vzorová úloha 1.7 <i>Korelace chyb objemů v laboratorních operacích</i> .....	34
Vzorová úloha 1.8 <i>Výpočet jemnosti vlákna z hmotností a délek vláken</i> .....	35
Vzorová úloha 1.9 <i>Určení střední hodnoty jemnosti vláken</i> .....	36
1.3.2 Metoda dvoubodové aproximace .....	36
Vzorová úloha 1.10 <i>Určení chyby viskozity metodou dvoubodové aproximace</i> .....	37
1.3.3 Metoda simulací Monte Carlo .....	37
Vzorová úloha 1.11 <i>Hromadění chyb při určení rozpustnosti stříbrné soli</i> .....	38
Vzorová úloha 1.12 <i>Korelace v hromadění chyb</i> .....	39
1.4 Nejistoty výsledků měření .....	39
1.4.1 Porovnání přístupů k výpočtu nejistot .....	40
1.4.2 Kritické poznámky k výpočtu nejistot .....	42
Vzorová úloha 1.13 <i>Nejistota aritmetických operací přibližných čísel</i> .....	43
1.4.3 Přístup intervalové analýzy k nejistotám .....	43
Vzorová úloha 1.14 <i>Výpočet nejistoty teploty měřené rtuťovým teploměrem</i> .....	44
1.4.4 Zaokrouhlování čísel .....	45
Vzorová úloha 1.15 <i>Zaokrouhlování čísel na 2, 3 a 4 platná místa</i> .....	45
1.5 Úlohy .....	45
1.5.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	46
1.5.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	46
1.5.3 Analýza environmentálních, potravinářských a zemědělských dat .....	50
1.5.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	51
1.5.5 Analýza fyzikálních dat .....	51
1.6 Kontrolní hodnoty (použitý software ADSTAT, NCSS2000) .....	52
1.6.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	52
1.6.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	52
1.6.3 Analýza environmentálních, potravinářských a zemědělských dat .....	53
1.6.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	53
1.6.5 Analýza fyzikálních dat .....	53
1.7 Doporučená literatura .....	53
<b>2 PRŮZKUMOVÁ ANALÝZA JEDNOROZMĚRNÝCH DAT .....</b>	<b>55</b>
Vzorová úloha 2.1 <i>Analýza dat normálního a logaritmicke-normálního rozdělení</i> .....	56
2.1 Průzkumová (exploratorní) analýza dat EDA .....	57
2.2 Ověření předpokladů o datech .....	68
2.3 Transformace dat .....	71
2.4 Průběh průzkumové analýzy dat .....	73

Vzorová úloha 2.2 <i>Průzkumová analýza velkého výběru</i> .....	75
--	----

2.5 Úlohy .....	82
2.5.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	82
2.5.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	90
2.5.3 Analýza environmentálních, potravinářských a zemědělských dat .....	101
2.5.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	108
2.5.5 Analýza ekonomických a sociologických dat .....	116
2.6 Kontrolní hodnoty (ADSTAT, NCSS2000) .....	122
2.6.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	122
2.6.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	124
2.6.3 Analýza environmentálních, potravinářských a zemědělských dat .....	126
2.6.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	127
2.6.5 Analýza ekonomických a sociologických dat .....	129
2.7 Doporučená literatura .....	132

### 3 STATISTICKÁ ANALÝZA JEDNOROZMĚRNÝCH DAT .....

3.1 Bodový odhad parametrů polohy, rozptýlení a tvaru .....	133
A. Momentové míry polohy a rozptýlení .....	133
B. Kvantilové a robustní míry polohy a rozptýlení .....	136
C. Odhady parametrů polohy a rozptýlení pro důležitá rozdělení .....	140
3.2 Intervalový odhad parametrů polohy a rozptýlení .....	145
3.3 Analýza malých výběrů .....	146
3.4 Statistické testování .....	147
A. Postup testování statistické hypotézy .....	147
B. Testy střední hodnoty ("testy správnosti") .....	148
C. Testy shody středních hodnot ("testy shodnosti") .....	149
Vzorová úloha 3.1 <i>Analýza velkého výběru</i> .....	153
Vzorová úloha 3.2 <i>Analýza malého výběru</i> .....	156
Vzorová úloha 3.3 <i>Test střední hodnoty (test správnosti)</i> .....	158
Vzorová úloha 3.4 <i>Test shodnosti středních hodnot</i> .....	159
Vzorová úloha 3.5 <i>Párový test</i> .....	160
3.5 Úlohy .....	160
3.5.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	161
3.5.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	167
3.5.3 Analýza environmentálních, potravinářských a zemědělských dat .....	178
3.5.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	185
3.5.5 Analýza ekonomických a sociologických dat .....	190
3.6 Kontrolní hodnoty (ADSTAT, NCSS2000) .....	194
3.6.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	194
3.6.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	197
3.6.3 Analýza environmentálních, potravinářských a zemědělských dat .....	203
3.6.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	206
3.6.5 Analýza ekonomických a sociologických dat .....	209
3.7 Doporučená literatura .....	210

### 4 STATISTICKÁ ANALÝZA VÍCEROZMĚRNÝCH DAT .....

4.1 Popis vícerozměrných dat .....	214
4.2 Obecný postup analýzy vícerozměrných dat .....	216
4.3 Charakteristiky vícerozměrných náhodných veličin .....	218
Vzorová úloha 4.1 <i>Popisné charakteristiky vícerozměrných náhodných veličin</i> .....	221
4.4 Exploratorní analýza struktury objektů (EDA) .....	221
4.5 Určení struktury a vazeb v proměnných a objektech .....	227
4.5.1 Analýza hlavních komponent (PCA) .....	228
Vzorová úloha 4.2 <i>Postup metody hlavních komponent</i> .....	235
4.5.2 Faktorová analýza (FA) .....	240

Vzorová úloha 4.3	<i>Vyčíslení faktorů z korelační matice</i>	241
Vzorová úloha 4.4	<i>Ukázka pojmů a podstaty faktorové analýzy</i>	242
4.5.3	Kanonická korelační analýza	245
Vzorová úloha 4.5	<i>Ukázka pojmů a podstaty kanonické korelační analýzy</i>	246
Vzorová úloha 4.6	<i>Postup kanonické korelační analýzy</i>	248
4.6	Klasifikace objektů	252
4.6.1	Diskriminační analýza DA	252
Vzorová úloha 4.7	<i>Užití lineární diskriminační funkce</i>	254
Vzorová úloha 4.8	<i>Užití logistické diskriminace</i>	258
Vzorová úloha 4.9	<i>Užití postupu diskriminační analýzy</i>	260
4.6.2	Analýza shluků CLU	269
(a)	Hierarchické shlukování	271
Vzorová úloha 4.10	<i>Nalezení shluků hráčů podobných vlastností</i>	272
Vzorová úloha 4.11	<i>Vytvoření dendrogramu objektů neuroleptika</i>	277
(b)	Shlukování metodou nejbližších středů (K-Means)	279
Vzorová úloha 4.12	<i>Klasifikace objektů do shluků</i>	280
(c)	Shlukování metodou středů-medoidů	283
Vzorová úloha 4.13	<i>Odhalení struktury objektů rozličnými metodami shlukování</i>	285
(d)	Fuzzy shlukování	289
Vzorová úloha 4.14	<i>Klasifikace objektů barev fuzzy shlukováním</i>	290
4.7	Vícerozměrné škálování MDS	292
Vzorová úloha 4.15	<i>Vícerozměrné škálování u analýzy podobnosti</i>	295
4.8	Vícerozměrná kalibrace (V. Centner)	296
4.8.1	Klasická vícerozměrná kalibrace	297
4.8.2	Inverzní vícerozměrná kalibrace	298
Vzorová úloha 4.16	<i>Postup vícerozměrné kalibrace</i>	306
4.9	Úlohy	315
4.9.1	Analýza farmakologických a biochemických dat	316
4.9.2	Analýza chemických a fyzikálních dat	324
4.9.3	Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat	330
4.9.4	Analýza hutnických a mineralogických dat	340
4.9.5	Analýza ekonomických a sociologických dat	344
4.10	Doporučená literatura	350
<b>5</b>	<b>ANALÝZA ROZPTYLU</b>	353
5.1	Jednofaktorová analýza rozptylu	353
Vzorová úloha 5.1	<i>Zkrácený postup jednofaktorové analýzy rozptylu</i>	360
Vzorová úloha 5.2	<i>Podrobný postup v jednofaktorové analýze rozptylu</i>	362
5.2	Dvoufaktorová analýza rozptylu bez opakování v cele	368
Vzorová úloha 5.3	<i>Dvoufaktorová analýza rozptylu bez opakování</i>	371
5.3	Vyvážená dvoufaktorová analýza rozptylu	377
Vzorová úloha 5.4	<i>Vyvážená dvoufaktorová analýza rozptylu</i>	380
5.4	Nevyvážená dvoufaktorová analýza rozptylu	382
Vzorová úloha 5.5	<i>Nevyvážená dvoufaktorová analýza rozptylu</i>	384
5.5	Opakovatelnost a reprodukovatelnost (O&R analýza)	385
Vzorová úloha 5.6	<i>Schéma O&amp;R analýzy</i>	386
5.6	Úlohy	392
5.6.1	Analýza farmakologických a biochemických dat	393
5.6.2	Analýza chemických a fyzikálních dat	401
5.6.3	Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat	408
5.6.4	Analýza hutnických a mineralogických dat	413
5.6.5	Analýza ekonomických a sociologických dat	420
5.7	Kontrolní hodnoty (ADSTAT, NCSS2000)	427
5.7.1	Analýza farmakologických a biochemických dat	427
5.7.2	Analýza chemických a fyzikálních dat	427

5.7.3	Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat	428
5.7.4	Analýza hutnických a mineralogických dat	428
5.7.5	Analýza ekonomických a sociologických dat	429
5.8	Doporučená literatura	429
<b>6</b>	<b>LINEÁRNÍ REGRESNÍ MODELY</b>	<b>431</b>
6.1	Jednorozměrné lineární regresní modely	437
	Vzorová úloha 6.1 <i>Postup výstavby modelu a regresní diagnostika</i>	437
6.1.1	Úlohy na jednorozměrné lineární regresní modely	447
6.2	Validace nové analytické metody	455
	Vzorová úloha 6.2 <i>Postup validace a regresní diagnostika</i>	455
6.2.1	Úlohy na validaci nové analytické metody	465
6.3	Lineární a nelineární kalibrace	472
	Vzorová úloha 6.3 <i>Postup nelineární kalibrace spline funkcí</i>	473
6.3.1	Úlohy na lineární a nelineární kalibraci	475
6.4	Polynomické regresní modely	492
	Vzorová úloha 6.4 <i>Optimální stupeň polynomu a snížení multikolinearity</i>	492
6.4.1	Úlohy na polynomické regresní modely	506
6.5	Vícerozměrné lineární regresní modely	514
	Vzorová úloha 6.5 <i>Regresní triplet ve výstavbě vícerozměrného lineárního regresního modelu.</i>	514
6.5.1	Úlohy na vícerozměrné lineární regresní modely	530
6.6	Kontrolní hodnoty (ADSTAT, NCSS2000)	543
6.6.1	Jednorozměrné lineární regresní modely	543
6.6.2	Validace nové analytické metody	544
6.6.3	Úlohy na lineární a nelineární kalibraci	545
6.6.4	Úlohy na polynomické regresní modely	546
6.6.5	Vícerozměrné lineární regresní modely	547
6.7	Doporučená literatura	549
<b>7</b>	<b>KORELACE</b>	<b>553</b>
7.1	Druhy korelačních koeficientů	553
7.1.1	Párový korelační koeficient	553
7.1.2	Parciální korelační koeficient	554
7.1.3	Vícenásobný korelační koeficient	556
7.2	Pořadový korelační koeficient	556
7.3	Cronbachův korelační koeficient $\gamma$ spolehlivosti výsledku	557
	Vzorová úloha 7.1 <i>Postup vyšetření korelace</i>	559
7.4	Úlohy na korelaci	561
7.4.1	Analýza farmakologických a biochemických dat	561
7.4.2	Analýza chemických a fyzikálních dat	565
7.4.3	Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat	568
7.4.4	Analýza hutnických a mineralogických dat	571
7.4.5	Analýza ekonomických a sociologických dat	572
7.5	Kontrolní hodnoty (ADSTAT, NCSS2000)	576
7.5.1	Analýza farmakologických a biochemických dat	576
7.5.2	Analýza chemických a fyzikálních dat	577
7.5.3	Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat	577
7.5.4	Analýza hutnických a mineralogických dat	578
7.5.5	Analýza ekonomických a sociologických dat	578
7.6	Doporučená literatura	578
<b>8</b>	<b>NELINEÁRNÍ REGRESNÍ MODELY</b>	<b>579</b>
8.1	Tvorba nelineárního regresního modelu	579
	Vzorová úloha 8.1 <i>Odhad tří parametrů rozšířeného Debyeova-Hückelova vztahu</i>	583

8.2 Úlohy .....	586
8.2.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	587
8.2.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	588
8.2.3 Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat .....	597
8.2.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	603
8.2.5 Analýza matematických modelů a fyzikálních dat .....	603
8.3 Kontrolní hodnoty (ADSTAT, NCSS2000) .....	609
8.3.1 Analýza farmakologických a biochemických dat .....	609
8.3.2 Analýza chemických a fyzikálních dat .....	609
8.3.3 Analýza environmetálních, potravinářských a zemědělských dat .....	610
8.3.4 Analýza hutnických a mineralogických dat .....	611
8.3.5 Analýza matematických modelů a fyzikálních dat .....	611
8.4 Doporučená literatura .....	612
<b>9 INTERPOLACE A APROXIMACE .....</b>	<b>615</b>
9.1 Klasické interpolační postupy .....	616
Vzorová úloha 9.1 <i>Náhrada funkce <math>\exp(x)</math></i> .....	617
9.1.1 Lagrangeova a Newtonova interpolační formule .....	617
Vzorová úloha 9.2 <i>Náhrada funkce <math>\exp(x)</math></i> .....	621
Vzorová úloha 9.3 <i>Aproximace racionální funkce</i> .....	621
9.1.2 Hermitovská interpolace .....	622
Vzorová úloha 9.4 <i>Hermitovská interpolace funkce <math>\exp(x)</math></i> .....	623
9.1.3 Racionální interpolace .....	623
Vzorová úloha 9.5 <i>Racionální interpolace funkce <math>\exp(x)</math></i> .....	624
9.2 Spline interpolace .....	625
Vzorová úloha 9.6 <i>Lineární B-spline</i> .....	627
9.2.1 Lokální Hermitovská interpolace .....	629
Vzorová úloha 9.7 <i>Lokální kubická interpolace stupňovité závislosti</i> .....	631
Vzorová úloha 9.8 <i>Akimova interpolace schodovité závislosti</i> .....	633
9.2.2 Kubické spline .....	633
Vzorová úloha 9.9 <i>Spline interpolace schodovité závislosti</i> .....	635
Vzorová úloha 9.10 <i>Interpolace pomocí spline pod napětím</i> .....	637
9.3 Aproximace funkcí .....	638
Vzorová úloha 9.11 <i>Aproximace funkce <math>\exp(x)</math></i> .....	641
9.4 Aproximace tabelárních závislostí .....	642
9.4.1 Polynomická aproximace .....	642
Vzorová úloha 9.12 <i>Čebyševova aproximace funkce <math>\exp(x)</math></i> .....	643
Vzorová úloha 9.13 <i>Hledání nejlepšího poměru polynomů</i> .....	644
9.4.2 Úseková regrese .....	647
Vzorová úloha 9.14 <i>Aproximace píku</i> .....	650
Vzorová úloha 9.15 <i>Aplikace postupu úsekové polynomické regrese</i> .....	654
Vzorová úloha 9.16 <i>Určení bodu ekvivalence u dvou větví titrační křivky</i> .....	656
9.5 Numerické vyhlazování .....	658
9.5.1 Spline vyhlazování .....	659
Vzorová úloha 9.17 <i>Vyhlazování píku algoritmem SPÄTH</i> .....	663
Vzorová úloha 9.18 <i>Vyhlazování píku algoritmem REINSCH</i> .....	664
Vzorová úloha 9.19 <i>Optimální vyhlazení píku</i> .....	667
9.5.2 Neparametrická regrese .....	668
Vzorová úloha 9.20 <i>Neparametrická regrese píku</i> .....	669
9.5.3 Číslicová filtrace .....	670
Vzorová úloha 9.21 <i>Porovnání vlastností lineárních a nelineárních filtrů</i> .....	672
Vzorová úloha 9.22 <i>Vliv délky regresního filtru na vyhlazující vlastnosti</i> .....	676
Vzorová úloha 9.23 <i>Filtrace absorpčního spektra fenolové červeně</i> .....	677
Vzorová úloha 9.24 <i>Výpočet hustoty kyseliny fosforečné</i> .....	678
Vzorová úloha 9.25 <i>Určení chybějící hodnoty v infračerveném spektru</i> .....	679

9.6	Postup při interpolaci a aproximaci	679
9.7	Úlohy	680
9.7.1	Analýza chemických a fyzikálních dat	681
9.7.2	Analýza ekonomických a ostatních dat	683
9.8	Doporučená literatura	685
<b>10</b>	<b>KONTROLA A ŘÍZENÍ JAKOSTI</b>	<b>687</b>
10.1	Podstata úloh řízení jakosti	687
10.2	Regulační diagramy	694
10.2.1	Regulační diagramy pro dílčí výběry	695
10.2.2	Regulační diagramy typu "x s pruhem"	695
10.2.3	Regulační diagramy pro posouzení variability	700
10.2.4	Regulační diagramy kumulativních součtů, CUSUM	701
10.2.5	Regulační diagramy na bázi lokálního vyhlazení	705
10.2.6	Regulační diagramy pro jednotlivé hodnoty	707
10.2.7	Regulační diagramy pro distrétní znaky	709
10.2.8	Regulační diagramy pro více proměnných	711
10.2.9	Používání regulačních diagramů (K. Kupka)	714
10.2.10	Konstrukce regulačních diagramů (K. Kupka)	715
	Vzorová úloha 10.1 <i>Aplikace regulačního diagramu pro průměry a směrodatné odchytky</i>	715
	Vzorová úloha 10.2 <i>Aplikace diagramu R</i>	717
10.2.11	Pravidla pro určování zvláštních případů	720
	Vzorová úloha 10.3 <i>Aplikace regulačního diagramu pro jednotlivé hodnoty x</i>	722
10.2.12	Porušení předpokladů o datech	723
10.2.13	Pomůcky diagramů kumulativních součtů CUSUM	727
	Vzorová úloha 10.4 <i>Lucasova modifikace regulačního diagramu CUSUM</i>	729
	Vzorová úloha 10.5 <i>Aplikace diagramů exponenciálně vážených klouzavých průměrů, EWMA</i>	730
	Vzorová úloha 10.6 <i>Kontrola tavby v metalurgickém provozu regulačním diagramem</i>	732
	Vzorová úloha 10.7 <i>Chemická analýza složení plyných splodin</i>	733
	Vzorová úloha 10.8 <i>Aplikace Hotellingova regulačního diagramu</i>	735
10.3	Indexy způsobilosti procesu	738
10.4	Software pro řízení jakosti	741
10.5	Úlohy	745
10.6	Kontrolní výsledky (ADSTAT, NCSS2000)	751
10.7	Doporučená literatura	752
	<b>Rejstřík</b>	<b>755</b>
	<b>Doprovodné CD</b>	<b>765</b>
	<b>Data pro úlohy</b>	<b>766</b>
	<b>Statistický systém QCExpert</b>	<b>767</b>