

## OBSAH

1 Úvod . . . . .	9
I. část . . . . .	13
2 Matematické základy lineárního programování . . . . .	13
2.1 Bodové množiny v euklidovském prostoru . . . . .	13
2.2 Vektory a operace s nimi . . . . .	19
2.3 Vektorový prostor. Metrický vektorový prostor . . . . .	25
2.4 Matici a operace s nimi . . . . .	31
2.5 Řešení soustavy lineárních rovnic metodou úplné eliminace proměnných . . . . .	36
2.6 Inverzní matice . . . . .	44
2.7 Obecný matematický model, základní pojmy . . . . .	50
3 Formulace matematického modelu . . . . .	53
4 Dualita . . . . .	104
4.1 Duální problém . . . . .	104
4.2 Ekonomická interpretace a příklady . . . . .	108
5 Grafická metoda řešení . . . . .	113
6 Simplexová metoda . . . . .	117
6.1 Kanonický tvar matematického modelu . . . . .	117
6.2 Postup výpočtu . . . . .	118
6.3 Přeměna nerovnosti na rovnice. Přidatné proměnné . . . . .	119
6.4 Výchozí základní řešení. Simplexová tabulka . . . . .	120
6.5 Test optimality . . . . .	121
6.6 Přechod na nové základní řešení. Iterační postup . . . . .	122
6.7 Jiná interpretace testu optimality. Stínové ceny. Řešení duálního modelu . . . . .	126
6.8 Pomocné proměnné. Umělá báze . . . . .	129
6.9 Ekonomická interpretace duálního modelu. Optimální alokace zdrojů. Rovnovážné ceny . . . . .	138
6.10 Doplíky k simplexové metodě . . . . .	142
6.11 Degenerované řešení . . . . .	146
6.12 Kontrola správnosti výpočtu. Kontrolní sloupec . . . . .	147
6.13 Příklady . . . . .	148
6.14 Přehled simplexového postupu . . . . .	159
7 Modifikovaná simplexová metoda . . . . .	161
7.1 Algoritmus modifikované simplexové metody . . . . .	161
7.2 Program simplexové metody v jazyce Algol-60 . . . . .	169
8 Distribuční metoda . . . . .	171
8.1 Model distribučního typu . . . . .	171
8.2 Výchozí základní řešení. Metoda severozápadního rohu . . . . .	173
8.3 Test optimality. Modifikovaná distribuční metoda . . . . .	179

8.4	Přechod na nové základní řešení . . . . .	183
8.5	Degenerované řešení . . . . .	187
8.6	Ekonomická interpretace neprímých sazeb $c_{ij}$ . Ekonomická interpretace duálního řešení $u_i$ , $v_j$ . . . . .	189
8.7	Vogelova aproximační metoda . . . . .	191
8.8	Dopravní problém, v němž se úhrn kapacit liší od úhrnu požadavků. Redukce sazeb . . . . .	193
8.9	Rozklad dopravního problému . . . . .	197
8.10	Příklady . . . . .	198
8.11	Přehled postupu modifikované distribuční metody . . . . .	206
8.12	Program modifikované distribuční metody v jazyce Algol-60 . . . . .	206
<b>II. část . . . . .</b>		209
9	<b>Revidovaná simplexová metoda . . . . .</b>	209
9.1	Algoritmus revidované simplexové metody . . . . .	209
9.2	Program revidované simplexové metody (RSM) v jazyce Algol-60 . . . . .	221
10	<b>Duálně simplexová metoda . . . . .</b>	223
10.1	Algoritmus duálně simplexové metody . . . . .	223
11	<b>Stabilita řešení úloh lineárního programování . . . . .</b>	227
11.1	Změna činitelů (pravých stran omezení) . . . . .	227
11.2	Změny cen . . . . .	230
11.3	Přidání a vynechání procesu . . . . .	233
11.4	Přidání a vynechání omezení . . . . .	234
12	<b>Parametrické programování . . . . .</b>	238
12.1	Parametrická účelová funkce . . . . .	238
12.2	Parametrizace pravých stran omezení . . . . .	244
13	<b>Metody řešení problémů s omezenými proměnnými . . . . .</b>	247
13.1	Obecná úvaha . . . . .	247
13.2	Řešení úloh s dolními mezemí . . . . .	247
13.3	Řešení úloh s horními mezemí . . . . .	248
13.4	Řešení distribučních úloh s horními a dolními mezemí . . . . .	254
14	<b>Maďarská metoda . . . . .</b>	260
14.1	Algoritmus maďarské metody . . . . .	260
15	<b>Obecný distribuční problém . . . . .</b>	271
15.1	Formulace úlohy a aproximační metody . . . . .	271
15.2	Uspořádání řešení . . . . .	273
15.3	Algoritmus pro řešení obecné distribuční úlohy . . . . .	274
15.4	Program pro řešení obecné distribuční úlohy v jazyce Algol-60 . . . . .	285
16	<b>Dekompoziční postup řešení úloh lineárního programování . . . . .</b>	290
16.1	Popis úloh . . . . .	290
16.2	Postup řešení úlohy dekompozičním algoritmem . . . . .	291
17	<b>Programování v celých číslech . . . . .</b>	300
17.1	Algoritmus celočíselného programování . . . . .	300
17.2	Příklady . . . . .	301
<b>Literatura . . . . .</b>		306
<b>Rejstřík . . . . .</b>		307