

---

## OBSAH

Předmluva . . . . .	8
Přehled použitých pojmu a označení . . . . .	11
1. Úvod . . . . .	17
1.1. Pojem grafu . . . . .	17
1.2. Příklady použití grafů . . . . .	21
2. Obecné grafy, grafy speciální a základní pojmy . . . . .	33
2.1. Definice grafu . . . . .	33
2.2. Porovnání grafů (homomorfismus) . . . . .	40
2.3. Speciální neorientované grafy . . . . .	48
2.4. Základní pojmy pro neorientované grafy . . . . .	50
2.5. Hypergrafy, společnosti, $k$ -grafy . . . . .	60
Cvičení . . . . .	63
3. Orientované grafy — relace. Základní pojmy . . . . .	66
3.1. Speciální orientované grafy . . . . .	66
3.2. Základní pojmy . . . . .	68
Cvičení . . . . .	81
4. Jak zadat a určit graf . . . . .	86
4.1. Druhy popisu grafu . . . . .	87
4.2. Vlastnosti matice sousednosti . . . . .	94
4.3. Určení matice vzdálenosti . . . . .	97
4.4. Algebraické souvislosti . . . . .	100
4.5. Matice incidence . . . . .	103
4.6. Rovnost grafů . . . . .	105
4.7. Problém izomorfismu grafů . . . . .	108
Cvičení . . . . .	109
5. Grafové operace . . . . .	114
5.1. Množinové operace . . . . .	114
5.2. Přímý součin grafů . . . . .	118
5.3. Kartézský součin . . . . .	123
Cvičení . . . . .	125
6. Reprezentace grafů . . . . .	128
6.1. Množinová reprezentace . . . . .	128
6.2. Typové grafy . . . . .	131
6.3. Jiné konstrukce . . . . .	135

6.4.	Amalgamace . . . . .	136
	Cvičení . . . . .	139
7.	Části bez cyklů a kružnic . . . . .	142
7.1.	Problém nejkratší cesty . . . . .	143
7.2.	Cesty v grafech. Stromy . . . . .	148
7.3.	Existence minimálních souvislých částí . . . . .	155
7.4.	Párování . . . . .	159
7.5.	Sítě, toky v sítích . . . . .	160
	Cvičení . . . . .	165
8.	Cyklické části . . . . .	168
8.1.	Hamiltonovské grafy . . . . .	168
8.2.	Cyklické uspořádání vrcholů . . . . .	170
8.3.	Hledání kružnic . . . . .	172
8.4.	Problém okružní jízdy . . . . .	174
	Cvičení . . . . .	176
9.	Nezávislost grafů a hypergrafů . . . . .	178
9.1.	Pakovací čísla. Bloková schémata. Teorie kódování . . . . .	179
9.2.	Extremální úlohy . . . . .	183
9.3.	Existence homomorfismu . . . . .	186
	Cvičení . . . . .	189
10.	Řezy grafů . . . . .	192
10.1.	Míra souvislosti grafu . . . . .	192
10.2.	Struktura $k$ -souvislých grafů . . . . .	196
10.3.	Sečny grafů a hypergrafů . . . . .	199
	Cvičení . . . . .	202
11.	Barevnost grafů a hypergrafů . . . . .	205
11.1.	Základní poznatky . . . . .	206
11.2.	Polynom barvení . . . . .	209
11.3.	Řidké grafy s velkou barevností . . . . .	211
11.4.	Kritické a jednoznačně barvitelné grafy . . . . .	213
11.5.	Hranová barevnost . . . . .	216
	Cvičení . . . . .	218
12.	Ramseyova teorie . . . . .	223
12.1.	Ramseyova věta . . . . .	223
12.2.	Ramseyova čísla . . . . .	226
12.3.	Aplikace Ramseyovy věty . . . . .	229
12.4.	Obecná teorie . . . . .	232
	Cvičení . . . . .	235
13.	Charakterizační věty . . . . .	237
13.1.	O významu charakterizačních vět. Dobrá charakteristika . . . . .	237

13.2.	Příklady charakterizačních vět . . . . .	242
13.3.	Perfektní grafy . . . . .	250
	Cvičení . . . . .	253
14.	Kreslení grafů . . . . .	257
14.1.	Rovinné kreslení . . . . .	257
14.2.	Komentář k definici rovinného grafu . . . . .	259
14.3.	Kvantitativní vztahy . . . . .	260
14.4.	Miry neplánárnosti (přehled) . . . . .	264
14.5.	Aplikace rovinných grafů . . . . .	265
	Cvičení . . . . .	269
15.	Algebraická zkoumání homomorfismů grafů . . . . .	275
15.1.	Grupa automorfismů a monoid endomorfismů grafu . . . . .	276
15.2.	Asymetrické a strnulé grafy . . . . .	281
15.3.	Univerzalita kategorie grafů . . . . .	284
15.4.	Turnaje . . . . .	287
	Cvičení . . . . .	289
	Dodatek. Některé neřešené problémy . . . . .	291
	Literatura . . . . .	294
	Rejstřík symbolů . . . . .	306
	Rejstřík . . . . .	310