

Obsah

Předmluva	7
1 INDUKTIVNÍ METODY V MATEMATICE	11
1.1 Úplná indukce	11
1.2 Analogie a zobecňování	14
1.3 Neúplná indukce, induktivní postupy	20
1.4 Úlohy o posloupnostech a řadách	26
1.5 Úlohy z kombinatorické geometrie	30
2 DŮKAZOVÉ ÚLOHY	37
2.1 Logické základy odvozování	37
2.2 Přímé důkazy a jejich konstrukce	44
2.3 Nepřímé důkazy a jejich konstrukce	50
2.4 Nepřímé důkazy neexistence, existence a unicity	58
2.5 Přímé důkazy vět o existenci a unicité	64
2.6 Důkazy matematickou indukcí	69
3 MATEMATICKÉ URČOVACÍ ÚLOHY	78
3.1 Obecný pojem řešení určovací úlohy	78
3.2 Přímé metody řešení určovacích úloh	81
3.3 Implikační metoda řešení rovnic a nerovnic v množině \mathbb{R}	86
3.4 Ekvivalenční metoda řešení rovnic a nerovnic a soustav rovnic a nerovnic v oboru reálných čísel	92
3.5 Nepřímá metoda řešení rovnic a nerovnic rozdělením úlohy	101
3.6 Metody transformační (substituce a grafické znázornění)	106
3.7 Určovací úlohy s geometrickým obsahem	115
4 ÚLOHY S PARAMETRY	126
4.1 Parametrické systémy objektů v matematice	126
4.2 Úlohy o parametrických systémech funkcí	130
4.3 Užití parametrických systémů grafů funkcí	136
4.4 Algebraické řešení rovnic (nerovnic, soustav) s parametry	141

4.5	Geometrické určovací úlohy s parametry	146
4.6	Konstrukční úlohy s parametry	152
4.7	Nepolohové konstrukční úlohy s parametry	162
4.8	Trigonometrické a goniometrické úlohy	173
5	ÚLOHY Z KOMBINATORIKY	179
5.1	Typy skupin studovaných v kombinatorice	179
5.2	Kombinatorická pravidla součtu a součinu	184
5.3	Některé nepřímé metody řešení kombinatorických úloh	191
5.4	Rekurentní vztahy v kombinatorických úlohách	196
6	SLOVNÍ ÚLOHY A MATEMATIZACE SITUACÍ	204
6.1	Slovní úlohy s aritmetickým a algebraickým obsahem	204
6.2	Slovní úlohy s geometrickým obsahem	208
6.3	Slovní úlohy s nematematickým obsahem	216
6.4	Slovní úlohy řešené v geometrických modelech situací	223
6.5	Zásada dvojí zkoušky při řešení slovních úloh	227
7	BOOLEOVA ALGEBRA A JEJÍ APLIKACE	236
7.1	Axiomatický systém Booleovy algebry	236
7.2	Množinová algebra	242
7.3	Algebra pravdivostních hodnot výroků	245
7.4	Aplikace PH-algebry v elektrotechnice	249
	Doslov	255
	Literatura	258