

# Obsah

## A ROVINNÁ GRAFIKA

<b>1. Světlo a barvy v počítačové grafice</b>	<b>JS &amp; JŽ</b>	<b>17</b>
1.1 Vlastnosti lidského systému vidění . . . . .	19	
1.1.1 Elektromagnetické spektrum . . . . .	19	
1.1.2 Lidské oko . . . . .	20	
1.1.3 Citlivost na barvy a jas . . . . .	23	
1.2 Barevné prostory . . . . .	24	
1.2.1 Prostor RGB . . . . .	24	
1.2.2 Barevné prostory pro televizní a videotekniku . . . . .	29	
1.2.3 Chromatický diagram CIE . . . . .	30	
1.2.4 Barvy a monitory . . . . .	36	
<b>2. Obraz a jeho reprezentace</b>	<b>39</b>	
2.1 Digitalizace . . . . .	BB	40
2.1.1 Kvantování . . . . .	40	
2.1.2 Vzorkování . . . . .	41	
2.2 Fourierův obraz . . . . .	43	
2.2.1 Spojitá Fourierova transformace . . . . .	44	
2.2.2 Diskrétní Fourierova transformace . . . . .	44	
2.2.3 Fourierova transformace a obraz . . . . .	45	
2.2.4 Shannonův vzorkovací teorém a frekvenčně omezená funkce . . . . .	45	
2.2.5 Konvoluce . . . . .	46	
2.3 Alias . . . . .	50	
2.4 Antialiasing . . . . .	51	
2.4.1 Pravidelné vzorkování s vyšší frekvencí . . . . .	53	
2.4.2 Stochastické vzorkování . . . . .	56	
2.5 Reprezentace rastrového obrazu . . . . .	59	
2.6 Komprese rastrového obrazu . . . . .	JŽ	61
2.6.1 Run length encoding . . . . .	63	
2.6.2 Huffmanovo kódování . . . . .	64	
2.6.3 Slovníkové kódování . . . . .	66	

2.6.4	Diskrétní kosinová transformace a JPEG . . . . .	67
2.7	Příklady rastrových formátů . . . . .	71
2.7.1	Graphics Interchange Format (GIF) . . . . .	71
2.7.2	Portable Graphics Network (PNG) . . . . .	72
2.7.3	Targa (TGA) . . . . .	74
2.7.4	Tag Image File Format (TIFF) . . . . .	75
2.7.5	Formáty pro animované sekvence . . . . .	76
<b>3.</b>	<b>Dvouzměrné objekty</b> . . . . .	<b>79</b>
3.1	Úsečka a lomená čára . . . . .	JŽ 79
3.1.1	Rasterizace úsečky . . . . .	80
3.1.2	Kresba přerušované čáry . . . . .	85
3.1.3	Kresba silné čáry . . . . .	86
3.2	Kružnice a elipsa . . . . .	88
3.2.1	Rasterizace kružnice . . . . .	88
3.2.2	Rasterizace elipsy . . . . .	91
3.3	Oblast . . . . .	91
3.3.1	Vyplňování geometricky určené hranice . . . . .	92
3.3.2	Vyplňování trojúhelníka . . . . .	95
3.3.3	Další metody vyplňování polygonů . . . . .	95
3.3.4	Vyplňování hranice nakreslené v rastru . . . . .	101
3.4	Ořezávání dvouzměrných objektů . . . . .	JS & JŽ 104
3.4.1	Test polohy bodu vzhledem k oknu . . . . .	105
3.4.2	Ořezání úsečky . . . . .	106
3.4.3	Ořezání polygonu . . . . .	108
<b>4.</b>	<b>Úpravy obrazu</b> . . . . .	<b>115</b>
4.1	Transformace barev . . . . .	JŽ 115
4.1.1	Omezení barevného prostoru . . . . .	116
4.1.2	Barevná paleta . . . . .	122
4.2	Obrazy s vysokým dynamickým rozsahem . . . . .	128
4.2.1	Získání a uložení obrazů s vysokým dynamickým rozsahem . . . . .	129
4.2.2	Techniky mapování tónů . . . . .	130
4.3	Geometrické transformace diskrétního obrazu . . . . .	BB 135
4.3.1	Převzorkování . . . . .	137
4.3.2	Rekonstrukce . . . . .	137
4.3.3	Změna rozlišení . . . . .	143
4.4	Warping a morfing . . . . .	143
4.4.1	Alfa míchání, klíčování na barvu a klíčování na modrou . . . . .	144
4.4.2	Warping . . . . .	147
4.4.3	Morfing . . . . .	153
4.5	Histogram . . . . .	155
4.5.1	Změny histogramu . . . . .	158

4.6	Odstraňování šumu a ostření obrazu . . . . .	164
4.6.1	Odstraňování šumu . . . . .	164
4.6.2	Ostření obrazu . . . . .	167
4.6.3	Vytlačený vzor – emboss . . . . .	171
4.6.4	Malování pomocí počítače . . . . .	172
<b>B</b>	<b>TROJROZMĚRNÉ MODELY</b>	<b>175</b>
<b>5.</b>	<b>Křivky a plochy</b>	<b>177</b>
5.1	Vlastnosti křivek . . . . .	JS & BB 178
5.2	Modelování křivek . . . . .	181
5.3	Interpolační křivky . . . . .	183
5.3.1	Hermittovské kubiky . . . . .	184
5.4	Aproximační křivky . . . . .	185
5.4.1	Bézierovy křivky . . . . .	185
5.4.2	Bézierovy kubiky . . . . .	190
5.4.3	Coonsovky . . . . .	190
5.4.4	Spline křivky . . . . .	192
5.4.5	Uniformní kubický B-spline . . . . .	193
5.4.6	NURBS . . . . .	195
5.5	Vlastnosti parametrických ploch . . . . .	199
5.6	Interpolační plochy . . . . .	203
5.7	Aproximační plochy . . . . .	204
5.7.1	Hermittovské plochy . . . . .	205
5.7.2	Dvanáctivektorová plocha . . . . .	205
5.7.3	Šestnáctivektorová plocha . . . . .	205
5.7.4	Plochy spojující dvě křivky . . . . .	207
5.8	Plochy zadané okrajem . . . . .	209
5.8.1	Bilineární Coonsová plocha . . . . .	209
5.8.2	Bikubická plocha . . . . .	210
5.8.3	Obecná bikubická plocha . . . . .	211
5.9	Bézierovy plochy . . . . .	212
5.10	B-spline plochy . . . . .	217
5.11	Šablonování . . . . .	220
5.11.1	Přímkové plochy . . . . .	221
5.11.2	Rotační šablonování . . . . .	223
5.12	Implicitní plochy . . . . .	224
5.12.1	Zobrazování implicitních ploch . . . . .	227
5.13	Dělené povrchy . . . . .	JS 228
5.13.1	Dělicí schémata . . . . .	229
5.13.2	Schéma dělení Doo-Sabin . . . . .	231

5.13.3 Schéma dělení Catmull-Clark . . . . .	233
<b>6. Reprezentace a modelování těles</b>	<b>237</b>
6.1 Trojúhelníky a síť trojúhelníků . . . . .	JŽ 237
6.2 Hraniční reprezentace těles . . . . .	240
6.2.1 Manifoly a Eulerova rovnost . . . . .	240
6.2.2 Vrcholy, hrany a stěny . . . . .	242
6.2.3 Hranová reprezentace . . . . .	243
6.2.4 Jednoduchá plošková reprezentace . . . . .	244
6.2.5 Strukturovaná plošková reprezentace . . . . .	244
6.2.6 Bodová reprezentace . . . . .	246
6.3 Konstruktivní geometrie těles . . . . .	246
6.4 Modelování pomocí deformací . . . . .	JS 248
6.4.1 Barrovy deformace . . . . .	249
6.4.2 Volné tvarování těles . . . . .	251
<b>7. Objemová reprezentace těles</b>	<b>255</b>
7.1 Mřížky . . . . .	255
7.2 Trojrozměrné objekty a data v diskrétní mřížce . . . . .	256
7.2.1 Základní objemové elementy – voxel a buňka . . . . .	257
7.2.2 Digitální topologie a spojitost . . . . .	258
7.3 Nalezení povrchu v objemových datech . . . . .	259
7.3.1 Sada obrysů v rovnoběžných řezech . . . . .	259
7.3.2 Převod izoplochy na síť trojúhelníků . . . . .	260
<b>8. Procedurální modelování</b>	<b>265</b>
8.1 Fraktální geometrie . . . . .	BB 266
8.1.1 Soběpodobnost . . . . .	266
8.1.2 Fraktální dimenze, fraktál . . . . .	268
8.1.3 Multifraktály . . . . .	271
8.1.4 Lineární deterministické fraktály . . . . .	272
8.1.5 Náhodné fraktály . . . . .	274
8.2 Procedurální a fraktální modely v počítačové grafice . . . . .	282
8.2.1 Difúzí omezená agregace a korály . . . . .	282
8.2.2 Krajiny . . . . .	283
8.2.3 Planety, pobřeží a oblaka . . . . .	286
8.3 Systémová částice . . . . .	288
8.3.1 Ekosystémy a rostliny . . . . .	289
8.3.2 Dynamické simulace . . . . .	291
8.3.3 Jiné aplikace systémů částic . . . . .	293
8.4 Lindenmayerovy systémy . . . . .	294
8.4.1 dL-systémy . . . . .	295
8.4.2 Otevřené L-systémy . . . . .	297

8.4.3 Simulace rostlin . . . . .	300
<b>C ZOBRAZOVÁNÍ PROSTOROVÝCH DAT</b>	<b>301</b>
<b>9. Promítání</b>	<b>JS</b>
9.1 Kamera . . . . .	307
9.2 Rovnoběžné promítání . . . . .	309
9.3 Středové promítání . . . . .	312
9.4 Jednotné promítání . . . . .	315
9.5 Pohledový objem . . . . .	316
<b>10. Světlo</b>	<b>319</b>
10.1 Základní pojmy . . . . .	BB
10.1.1 Prostorové úhly . . . . .	320
10.1.2 Základní radiometrické pojmy . . . . .	321
10.1.3 Radiance . . . . .	323
10.2 Dvousměrová odrazová distribuční funkce – BRDF . . . . .	324
10.2.1 Vlastnosti BRDF . . . . .	325
10.3 Lokální osvětlovací model . . . . .	326
10.4 Odraz světla . . . . .	328
10.4.1 Difúzní odraz . . . . .	328
10.4.2 Zrcadlový odraz . . . . .	329
10.4.3 Lesklý odraz . . . . .	330
10.5 Phongův osvětlovací model . . . . .	JŽ & BB
10.6 Světelné zdroje . . . . .	333
10.7 Stínování . . . . .	336
10.7.1 Konstantní stínování . . . . .	339
10.7.2 Gouraudovo stínování . . . . .	340
10.7.3 Phongovo stínování . . . . .	341
10.8 Opticky aktivní prostředí . . . . .	PF
10.8.1 Odvození integrálu pro zobrazování objemu . . . . .	342
	343
<b>11. Řešení viditelnosti</b>	<b>JŽ</b>
11.1 Vlastnosti zobrazovaných dat . . . . .	349
11.2 Rastrové algoritmy viditelnosti . . . . .	351
11.2.1 Paměť hloubky . . . . .	352
11.2.2 Malířův algoritmus . . . . .	355
11.2.3 Malířův algoritmus se stromem BSP . . . . .	356
11.2.4 Dělení obrazovky . . . . .	358
11.2.5 Algoritmus plovoucího horizontu . . . . .	359
11.3 Liniové algoritmy viditelnosti . . . . .	361
11.4 Zpracování polopřehledných objektů . . . . .	363

11.5 Zobrazování bodově reprezentovaných objektů . . . . .	364
<b>12. Stíny</b>	<b>JŽ</b>
12.1 Projekční metody . . . . .	369
12.2 Stínové těleso . . . . .	372
12.3 Stínová paměť hloubky . . . . .	375
<b>13. Textury</b>	<b>BB</b>
13.1 Mapování textur . . . . .	381
13.1.1 Inverzní mapování válcové a kulové plochy . . . . .	382
13.1.2 Mapování prostorové textury . . . . .	384
13.1.3 Mapování prostředí . . . . .	385
13.1.4 Hrbolaté textury . . . . .	386
13.1.5 MIP-mapping . . . . .	388
13.2 Procedurální textury . . . . .	390
13.2.1 Perlinova šumová funkce . . . . .	390
13.2.2 Skládání šumových funkcí . . . . .	393
<b>14. Reprezentace scény</b>	<b>397</b>
14.1 Graf scény . . . . .	JŽ 398
14.2 Pomocné datové struktury . . . . .	401
14.2.1 Hierarchie obálek . . . . .	402
14.2.2 Dělení prostoru . . . . .	405
14.3 Detekce kolizí . . . . .	BB & JŽ 410
<b>15. Globální zobrazovací metody</b>	<b>413</b>
15.1 Zobrazovací rovnice . . . . .	BB 414
15.2 Notace transportu světla . . . . .	416
15.3 Základní optické jevy . . . . .	417
15.4 Globální osvětlovací techniky . . . . .	419
15.4.1 Monte Carlo metody . . . . .	420
15.5 Metody vycházející od pozorovatele . . . . .	421
15.5.1 Sledování paprsku . . . . .	422
15.5.2 Sledování cesty . . . . .	423
15.6 Metody vycházející od světelného zdroje . . . . .	425
15.6.1 Sledování fotomů . . . . .	427
15.6.2 Monte Carlo sledování světla . . . . .	427
15.7 Dvousměrové metody . . . . .	428
15.7.1 Dvousměrové sledování cesty . . . . .	428
15.7.2 Fotonové mapy . . . . .	429
15.8 Zrychlení stochastických metod vzorkování . . . . .	430
15.9 Sledování paprsku . . . . .	JŽ 431
15.9.1 Rozšíření Phongova osvětlovacího modelu . . . . .	434

15.9.2 Sledování paprsku a CSG reprezentace . . . . .	435
15.9.3 Urychlování metody sledování paprsku . . . . .	436
<b>15.10 Radiozita . . . . .</b>	<b>BB</b>
15.10.1 Podstata metody . . . . .	442
15.10.2 Řešení radiozitní rovnice . . . . .	444
15.10.3 Hierarchická radiozita . . . . .	450
15.10.4 Stochastické metody řešení . . . . .	454
<b>16. Vizualizace objemových dat . . . . .</b>	<b>PF</b>
16.1 Vizualizovaná data . . . . .	458
16.2 Skalární objemové algoritmy . . . . .	459
16.2.1 Algoritmy zobrazující povrchy . . . . .	460
16.3 Přímé zobrazování objemů . . . . .	461
16.3.1 Metody nehledající povrch . . . . .	463
16.3.2 Jednoduché zobrazení povrchu . . . . .	463
16.3.3 Zobrazení povrchu s normálou . . . . .	464
16.3.4 Integrace světla na dráze paprsku . . . . .	465
16.3.5 Projekční metody . . . . .	470
16.3.6 Zlepšení interpretace dat . . . . .	470
<b>17. Nefotorealistické zobrazování . . . . .</b>	<b>JŽ</b>
17.1 Výhody NPR . . . . .	473
17.2 Rozdělení metod NPR . . . . .	475
17.3 Aplikace NPR . . . . .	477

## D ANIMACE A VIRTUÁLNÍ REALITA

481

<b>18. Počítačová animace . . . . .</b>	<b>483</b>
18.1 Nízkoúrovňová počítačová animace . . . . .	BB
18.1.1 Klíčování . . . . .	484
18.1.2 Animační křivky . . . . .	484
18.2 Vysokoúrovňová počítačová animace . . . . .	JS
18.2.1 Segmentová struktura a stavový prostor . . . . .	487
18.2.2 Reprezentace animovaného objektu . . . . .	489
18.2.3 Přímá a inverzní kinematika . . . . .	490
18.2.4 Inverze jakobiánu . . . . .	493
18.3 Skeletální animace . . . . .	JŽ
18.3.1 Michání vrcholů . . . . .	494
18.4 Virtuální humanoid . . . . .	499
18.4.1 Struktura humanoida . . . . .	499
18.4.2 Norma H-Anim . . . . .	501
18.4.3 Data pro animaci virtuálních humanoidů . . . . .	502

<b>19. Zobrazování rozsáhlých scén</b>	<b>JŽ</b>	<b>505</b>
19.1 Výpočty viditelnosti . . . . .	506	
19.1.1 Základní techniky odstraňování neviditelných polygonů . . . . .	507	
19.1.2 Odstraňování zastíněných objektů . . . . .	508	
19.1.3 Předzpracování viditelnosti . . . . .	515	
19.2 Zjednodušování scény . . . . .	516	
19.2.1 Geometrické stupně detailu . . . . .	518	
19.2.2 Zjednodušování sítě trojúhelníků . . . . .	519	
19.2.3 Zjednodušená reprezentace objektů pomocí obrázků a bodů . . . . .	520	
<b>20. Virtuální realita</b>	<b>JŽ</b>	<b>523</b>
20.1 Druhy aplikací VR . . . . .	524	
20.2 Speciální postupy ve virtuální realitě . . . . .	527	
20.2.1 Pozadí scény . . . . .	527	
20.2.2 Avatar a navigace . . . . .	527	
20.2.3 Stereoskopické pohledy . . . . .	529	
20.3 Formáty VRML a X3D . . . . .	530	
20.4 Prostorový zvuk . . . . .	532	
20.4.1 Vnímání zvuku . . . . .	532	
20.4.2 Simulace zvukového pole . . . . .	533	
20.4.3 Výstup prostorového zvuku . . . . .	537	

## E MATEMATIKA PRO POČÍTAČOVOU GRAFIKU

539

<b>21. Transformace</b>	<b>JS &amp; BB</b>	<b>541</b>
21.1 Homogenní souřadnice . . . . .	542	
21.2 Dvourozměrné geometrické transformace . . . . .	543	
21.2.1 Posunutí . . . . .	543	
21.2.2 Otáčení . . . . .	544	
21.2.3 Změna měřítka . . . . .	544	
21.2.4 Zkosení . . . . .	545	
21.2.5 Skládání transformací . . . . .	545	
21.3 Trojrozměrné geometrické transformace . . . . .	547	
21.3.1 Posunutí . . . . .	547	
21.3.2 Otáčení . . . . .	547	
21.3.3 Otáčení kolem obecné osy . . . . .	547	
21.3.4 Změna měřítka . . . . .	548	
21.3.5 Zkosení . . . . .	549	
21.4 Kvaternony . . . . .	549	
21.4.1 Komplexní čísla a rotace v rovině . . . . .	550	
21.4.2 Definice kvaternionů a základní vlastnosti . . . . .	550	
21.4.3 Rotace pomocí kvaternionů . . . . .	552	

21.4.4 Sférická lineární interpolace . . . . .	553
<b>22. Často používané vzorce</b>	<b>JS &amp; PF 555</b>
22.1 Pojmy a značení . . . . .	555
22.2 Základy práce s vektory . . . . .	556
22.2.1 Velikost vektoru a vzdálenost dvojice bodů . . . . .	556
22.2.2 Součet a rozdíl vektorů, opačný vektor . . . . .	556
22.2.3 Skalární součin vektorů . . . . .	557
22.2.4 Vektorový součin . . . . .	558
22.3 Bod . . . . .	559
22.3.1 Vzdálenost dvou bodů . . . . .	559
22.3.2 Vzdálenost bodu od přímky v rovině . . . . .	559
22.3.3 Vzdálenost bodu od přímky v prostoru . . . . .	561
22.3.4 Vzdálenost bodu od úsečky . . . . .	562
22.3.5 Poloha bodu vůči přímce a úsečce . . . . .	562
22.3.6 Poloha bodu vůči kružnici a kouli . . . . .	562
22.3.7 Vzdálenost bodu od roviny . . . . .	563
22.3.8 Poloha bodu vůči mnohoúhelníku (polygonu) . . . . .	564
22.4 Přímka a paprsek . . . . .	564
22.4.1 Průsečík paprsku a přímky v rovině . . . . .	565
22.4.2 Odchylka paprsku a přímky v prostoru . . . . .	565
22.4.3 Vzdálenost dvou mimoběžek v prostoru . . . . .	565
22.4.4 Poloha paprsku vůči rovině . . . . .	565
22.4.5 Průsečík paprsku s osově orientovaným kvádrem . . . . .	566
22.4.6 Průsečík paprsku a mnohoúhelníka . . . . .	567
22.4.7 Průsečík paprsku s kulovou plochou . . . . .	567
22.5 Užitečné drobnosti . . . . .	568
22.5.1 Plocha mnohoúhelníka . . . . .	568
22.5.2 Gaussovo rozložení . . . . .	568
22.6 Interpolace . . . . .	569
22.6.1 Interpolace hodnotou nejbližšího souseda . . . . .	570
22.6.2 Lineární interpolace . . . . .	570
22.6.3 Kubická interpolace . . . . .	571
22.6.4 Bilineární interpolace . . . . .	571
22.6.5 Interpolace vyššího řádu . . . . .	573
22.7 Diskrétní Fourierova transformace . . . . .	573
22.7.1 Rekurzivní rozklad DFT . . . . .	574
22.7.2 Rychlá Fourierova transformace . . . . .	575
22.7.3 Použití algoritmu FFT . . . . .	576