

# Obsah

## Předmluva

7

<b>1 Naše pedagogická přesvědčení</b>	<b>11</b>
1.1 Úlohy a výuka matematiky . . . . .	12
1.2 Motivace . . . . .	14
1.3 Úlohy . . . . .	16
1.4 Závěrečné myšlenky . . . . .	16
1.5 Literatura . . . . .	17
<b>2 Myšlení a logika</b>	<b>19</b>
2.1 Myšlení a jazyk . . . . .	21
2.2 Jazyk matematiky v užším smyslu . . . . .	22
2.3 Implikace a ekvivalence . . . . .	23
2.3.1 Implikace jako logická spojka a jako vztah dvou výroků . . . . .	23
2.3.2 Pythagorova věta a kosinová věta . . . . .	25
2.3.3 Wasonův výběrový úkol . . . . .	26
2.4 Definice a věty v matematice . . . . .	26
2.4.1 Kvantifikátory . . . . .	27
2.4.2 Důkazy . . . . .	31
2.5 Úlohy . . . . .	33
2.6 Závěrečné myšlenky . . . . .	35
2.7 Literatura . . . . .	36
<b>3 Přirozená čísla</b>	<b>37</b>
3.1 Přirozená čísla a množiny . . . . .	38
3.2 Velká čísla . . . . .	41
3.3 Prvočísla a čísla složená . . . . .	42
3.4 Desítková a dvojková soustava . . . . .	45
3.5 Sčítání přirozených čísel . . . . .	48
3.6 Násobení přirozených čísel . . . . .	51
3.7 Jak se vyhnout násobení . . . . .	53
3.8 Úlohy . . . . .	55
3.9 Závěrečné myšlenky . . . . .	56
3.10 Literatura . . . . .	58

<b>4 Číselné obory</b>	<b>61</b>
4.1 Číselné obory . . . . .	62
4.2 Terminologické otázky . . . . .	66
4.3 Početní operace . . . . .	70
4.3.1 Počítání s čísly racionálními . . . . .	70
4.3.2 Počítání s čísly zápornými . . . . .	73
4.4 Komplexní čísla . . . . .	76
4.4.1 Geometrická zobrazení v Gaussově rovině . . . . .	78
4.4.2 Komplexní čísla v učebnicích . . . . .	79
4.5 Úlohy . . . . .	80
4.6 Závěrečné myšlenky . . . . .	81
4.7 Literatura . . . . .	81
<b>5 Algebra</b>	<b>83</b>
5.1 Matematika kalkulací . . . . .	84
5.2 Konstanty a proměnné . . . . .	84
5.3 Algebra v učebnicích . . . . .	87
5.4 Algebraická technika . . . . .	92
5.5 Úlohy . . . . .	93
5.6 Závěrečné myšlenky . . . . .	94
5.7 Literatura . . . . .	95
<b>6 Rovnice</b>	<b>97</b>
6.1 Jak můžeme pojem rovnice definovat? . . . . .	98
6.2 Ekvivalentní úpravy rovnic v reprezentacích . . . . .	100
6.3 Lineární rovnice a geometrické útvary . . . . .	104
6.4 Kvadratické rovnice . . . . .	106
6.5 Úlohy . . . . .	108
6.6 Závěrečné poznámky . . . . .	109
6.7 Literatura . . . . .	110
<b>7 Relace a funkce</b>	<b>111</b>
7.1 Relace . . . . .	112
7.1.1 Patří relace do školy? . . . . .	113
7.1.2 Relace ekvivalence . . . . .	115
7.2 Funkce a zobrazení . . . . .	117
7.2.1 Lineární funkce . . . . .	119
7.2.2 Kvadratická funkce . . . . .	120
7.2.3 Reprezentace funkce a vztahy mezi nimi . . . . .	122
7.3 Úlohy . . . . .	125
7.4 Závěrečné myšlenky . . . . .	125
7.5 Literatura . . . . .	126
<b>8 Úměrnosti</b>	<b>127</b>
8.1 Co je úměrnost . . . . .	128
8.2 Problém zamlčených předpokladů . . . . .	130
8.3 Výuka úměrností . . . . .	131
8.4 Trojčlenka . . . . .	133

8.5	Úlohy . . . . .	136
8.6	Závěrečné myšlenky . . . . .	137
8.7	Literatura . . . . .	137
<b>9</b>	<b>Struktury</b>	<b>139</b>
9.1	Struktury a Bourbaki . . . . .	141
9.2	Pojem struktura . . . . .	142
9.3	Matematické struktury . . . . .	146
9.3.1	Metrický prostor a jeho modely . . . . .	146
9.3.2	Množina přirozených čísel . . . . .	148
9.3.3	Algebraické struktury . . . . .	149
9.3.4	Struktura vektorového prostoru . . . . .	150
9.4	Úlohy . . . . .	153
9.5	Závěrečné myšlenky . . . . .	154
9.6	Literatura . . . . .	154
<b>10</b>	<b>Vyučování geometrii</b>	<b>155</b>
10.1	Didaktická struktura geometrie na základní škole . . . . .	157
10.1.1	Svět čísel a tvarů – řada učebnice pro 1. stupeň . . . . .	160
10.1.2	Řada učebnic autorského týmu vedeného Hejným . . . . .	164
10.1.3	Čechovy učebnice (1939–1949) . . . . .	167
10.2	Geometrie na gymnáziu . . . . .	168
10.2.1	České gymnaziální učebnice v historii . . . . .	169
10.2.2	Geometrie v Kubáckových učebnicích . . . . .	171
10.3	Úlohy . . . . .	174
10.4	Závěrečné myšlenky . . . . .	175
10.5	Literatura . . . . .	176
<b>11</b>	<b>Umění vidět a konstrukční úlohy</b>	<b>179</b>
11.1	Umění vidět . . . . .	180
11.2	Geometrické útvary . . . . .	185
11.3	Konstrukční geometrie . . . . .	186
11.3.1	Symbolika . . . . .	189
11.3.2	Polohové a nepolohové úlohy . . . . .	190
11.3.3	Množiny bodů, nebo geometrická místa? . . . . .	195
11.3.4	Konstrukce v učebnicích . . . . .	195
11.4	Úlohy . . . . .	197
11.5	Závěrečné myšlenky . . . . .	201
11.6	Literatura . . . . .	202
<b>12</b>	<b>Míra v geometrii</b>	<b>205</b>
12.1	Od praktického měření . . . . .	207
12.1.1	Podstata měření . . . . .	209
12.1.2	Měření ve školní praxi . . . . .	211
12.1.3	Jak veliký je bod? . . . . .	215
12.2	Obsah rovinného útvaru a shodná rozložitelnost . . . . .	215
12.3	Odbození obsahu rovinných útvarů . . . . .	217
12.4	Objemy těles . . . . .	220

12.5 Vzorce a vzorečky . . . . .	223
12.6 Úlohy . . . . .	227
12.7 Závěrečné myšlenky . . . . .	228
12.8 Literatura . . . . .	230
<b>13 Analytická geometrie</b>	<b>233</b>
13.1 Bod, přímka a rovina . . . . .	234
13.2 Užití analytické geometrie . . . . .	237
13.3 Analytická geometrie trojdimenzionálního prostoru . . . . .	241
13.4 Analytická geometrie v učebnicích . . . . .	244
13.5 Úlohy . . . . .	246
13.6 Závěrečné myšlenky . . . . .	246
13.7 Literatura . . . . .	247
<b>14 Metamorfózy neboli proměny</b>	<b>249</b>
14.1 Školní metamorfózy . . . . .	250
14.2 Metamorfózy čar . . . . .	251
14.3 Metamorfózy rovinných útvarů . . . . .	254
14.4 Úlohy . . . . .	257
14.5 Závěrečné poznámky . . . . .	258
14.6 Literatura . . . . .	258
<b>15 Nekonečno</b>	<b>259</b>
15.1 Dvě podoby nekonečna . . . . .	260
15.2 Nekonečné množiny v aritmetice . . . . .	265
15.3 Nekonečné množiny v geometrii . . . . .	267
15.4 Nekonečně malé veličiny . . . . .	269
15.5 Úlohy . . . . .	270
15.6 Závěrečné myšlenky . . . . .	271
15.7 Literatura . . . . .	272
<b>Rejstřík</b>	<b>273</b>