

# OBSAH

Předmluva.....	11
Úvod .....	13

## *První část*

### TENZORY NAPĚtí A DEFORMACE

#### *Kapitola I*

##### KARTÉZSKÉ TENZORY – GAUSSOVA A STOKESOVA VĚTA

1.1. Ortogonální transformace souřadnic .....	19
1.2. Definice vektorů na základě transformačních vlastností.....	25
1.3. Definice a základní vlastnosti kartézských tenzorů.....	28
1.4. Hlavní osy a invarianty symetrického tenzoru druhého řádu .....	35
1.5. Izotropní tenzory.....	42
1.6. Derivace tenzorů .....	44
1.7. Integrální definice operací divergence a rotace.....	49
1.8. Věta Gaussova a věta Stokesova .....	53
Úlohy ke cvičení .....	57
Literatura .....	59

#### *Kapitola II*

### TENZORY V METRICKÝCH PROSTORECH

2.1.* Křivočaré souřadnice. Sdružené báze vektorů .....	60
2.2.* Definice tenzorů. Afinní a metrický prostor.....	67
2.3.* Základní vlastnosti metrického tenzoru a Levi-Civitova symbolu .....	75
2.4.* Paralelní přenos .....	82
2.5.* Kovariantní derivace .....	90
2.6.* Tenzor křivosti .....	98
Úlohy ke cvičení .....	104
Literatura .....	105

*Kapitola III*

TENZOR NAPĚTÍ

3.1. Síly objemové a plošné. Vektor napětí .....	107
3.2. Složky tenzoru napětí .....	110
3.3. Podmínky rovnováhy .....	115
3.4. Tenzorový charakter složek napětí.....	121
3.5. Kvadrika napětí a hlavní napětí .....	122
3.6. Mohrovy kružnice. Určení největších tečných napětí .....	127
3.7. Oktaedrické napětí .....	133
3.8.* Tenzor napětí v křivočárych souřadnicích .....	134
Úlohy ke cvičení .....	141
Literatura .....	141

*Kapitola IV*

TENZOR DEFORMACE

4.1. Geometrie konečných deformací .....	143
4.2. Teorie malých deformací .....	149
4.3. Rovnice kompatibility deformací.....	162
4.4.* Kovariantní formulace základních vlastností tenzoru deformace.....	164
Úlohy ke cvičení .....	171
Literatura .....	172

*Druhá část*

KLASICKÁ TEORIE PRUŽNOSTI

*Kapitola V*

ZOBECNĚNÝ HOOKEŮV ZÁKON

5.1. Reologické vlastnosti látek .....	175
5.2. Hookeův zákon .....	176
5.3. Zobecněný Hookeův zákon.....	179
5.4. Základní elastické konstanty homogenního izotropního tělesa.....	189
5.5. Rovnice Beltramiho–Michellova .....	194
5.6. Formulace základních okrajových úloh teorie pružnosti .....	195
5.7. Dynamické rovnice izotropního elastického prostředí .....	197
5.8.* Obecný tvar Beltramiho–Michellovy rovnice .....	199
Úlohy ke cvičení .....	201
Literatura .....	201

*Kapitola VI*

## ENERGETICKÉ ÚVAHY

6.1. Energie deformace .....	203
6.2. Věta o minimu potenciální energie .....	212
6.3. Castiglianův princip .....	216
6.4. Hamiltonův princip .....	219
6.5. Jednoznačnost řešení okrajových úloh v klasické teorii pružnosti .....	221
6.6. Saint-Venantův princip .....	226
Úlohy ke cvičením .....	227
Literatura .....	228

*Kapitola VII*

## JEDNODUCHÉ PROBLÉMY ELASTICKÉ ROVNOVÁHY – TORZE A OHYB TYČÍ

7.1. Homogenní deformace válce .....	229
7.2. Deformace válce vlastní vahou .....	235
7.3. Rozložení napětí v kulové skořepině a válcové rouře, na které působí rovnoramenný vnitřní a vnější tlak .....	242
7.4. Torze kruhového válce .....	249
7.5. Čistý ohyb tyče .....	254
7.6. Ohyb upevněné tyče silou působící na jejím volném konci .....	261
Úlohy ke cvičením .....	267
Literatura .....	267

*Kapitola VIII*

## OBECNÁ ŘEŠENÍ ROVNIC ROVNOVÁHY – ROVINNÝ PROBLÉM

8.1. Matematický charakter složek napětí .....	269
8.2. Matematický charakter složek posunutí .....	276
8.3. Rovinná deformace a napjatost .....	280
8.4. Loveova metoda řešení rovinného problému .....	286
Úlohy ke cvičením .....	293
Literatura .....	294

*Kapitola IX*

## ELASTICKÉ VLNY V NEOMEZENÉM PROSTŘEDÍ

9.1. Vlny podélné a příčné .....	295
9.2. Odraz rovinných elastických vln .....	303
9.3. Povrchové Rayleighovy vlny .....	311
Úlohy ke cvičením .....	318
Literatura .....	318

*Kapitola X*

KMITY STRUN, MEMBRÁN A TYČÍ

10.1. Pohybové rovnice struny .....	321
10.2. Integrace pohybové rovnice struny. Metoda d'Alembertova .....	327
10.3. Bernoulliho řešení pohybové rovnice struny .....	331
10.4. Vynucené kmity struny .....	337
10.5. Pohybová rovnice membrány .....	342
10.6. Obdélníková a kruhová membrána .....	346
10.7. Kmity tyčí .....	358
Úlohy ke cvičenf .....	371
Literatura .....	372

*Třetí část*

MECHANIKA TEKUTIN

*Kapitola XI*

HYDROSTATIKA

11.1. Základní vlastnosti a mikroskopický model tekutin.....	375
11.2. Základní rovnice rovnováhy tekutin .....	378
11.3. Aplikace hydrostatické rovnice. Pascalův zákon, barometrická formule, kapalina v otáčející se nádobě.....	380
11.4. Archimedův zákon. Tlak tekutiny na stěnu.....	387
11.5. Rovnováha plovoucích těles .....	391
Úlohy ke cvičenf .....	400
Literatura .....	401

*Kapitola XII*

KINEMATIKA TEKUTIN

12.1. Lagrangeova a Eulerova metoda .....	403
12.2. Trajektorie a proudnice. Rychlosť translace, rotace a deformace .....	408
12.3. Vfrové čáry a trubice. Intenzita víru .....	411
12.4. Cirkulace rychlosťi .....	415
Úlohy ke cvičenf .....	417
Literatura .....	417

*Kapitola XIII*

ZÁKLADNÍ ROVNICE POHYBU DOKONALÝCH TEKUTIN

13.1. Rovnice kontinuity.....	418
-------------------------------	-----

13.2. Pohybové rovnice .....	426
13.3. Obecná formulace problémů hydrodynamiky. Počáteční a okrajové podmínky .....	431
13.4. Rovnice energie. Tok energie a hybnosti kontrolní plochou.....	433
13.5. Věta o hybnosti a momentu hybnosti při stacionárním pohybu.....	439
Úlohy ke cvičení .....	443
Literatura .....	444

### *Kapitola XIV*

#### JEDNODUŠŠÍ PROBLÉMY POHYBU DOKONALÝCH TEKUTIN

14.1. Bernoulliho rovnice .....	446
14.2. Příklady na použití Bernoulliho rovnice .....	451
14.3. Příklady na použití věty o hybnosti .....	460
14.4. Zvukové vlny .....	464
14.5. Nárazový pohyb .....	472
Úlohy ke cvičení .....	473
Literatura .....	474

### *Kapitola XV*

#### NEVÍŘIVÉ PROUDĚNÍ

15.1. Nevířivé proudění v prostoru .....	476
15.2. Proudění v rovině. Proudová funkce .....	484
15.3. Nevířivé proudění v rovině. Komplexní potenciál .....	488
15.4. Obtékání kruhového válce .....	500
15.5. Konformní zobrazení. Profil Žukovského .....	510
15.6. Hydrodynamické reakce při stacionárním proudění .....	517
Úlohy ke cvičenf .....	526
Literatura .....	527

### *Kapitola XVI*

#### POHYB VÍŘIVÝ

16.1. Vznik vírů. Helmholtzovy věty o vírech .....	529
16.2. Určení rychlosti proudění, je-li dán pole zdrojů a pole víru rychlosti .....	537
16.3. Vírové vlákno v nestlačitelné tekutině .....	544
16.4. Soustava přímočárych rovnoběžných vírových vláken .....	549
16.5. Vírové řady .....	558
16.6. Kármánův vzorec pro odpor tekutiny vůči pohybujícímu se tělesu .....	564
Úlohy ke cvičenf .....	571
Literatura .....	572

*Kapitola XVII*

VLNY NA POVRCHU DOKONALÉ NESTLAČITELNÉ TEKUTINY

17.1. Základní rovnice.....	573
17.2. Gravitační vlny .....	577
17.3. Kapilární vlny .....	585
17.4. Grupová rychlosť .....	590
17.5. Gerstnerovy trochoidálné vlny .....	598
Úlohy ke cvičením .....	607
Literatura .....	608

*Kapitola XVIII*

DYNAMIKA VISKÓZNÍCH TEKUTIN

18.1. Navierova–Stokesova rovnice.....	610
18.2. Disipace energie. Rovnice toku tepla.....	621
18.3. Zákon podobnosti .....	627
18.4. Stacionární proudění viskózní nestlačitelné tekutiny mezi dvěma rovnoběžnými stěnami ..	634
18.5. Laminární proudění ve válcových trubicích.....	640
18.6.* Stacionární rotační pohyb .....	645
18.7.* Difuze víru .....	649
18.8.* Translace koule ve viskózní tekutině. Stokesův vzorec .....	655
18.9. Mezní vrstva .....	661
Úlohy ke cvičením .....	668
Literatura .....	669
Řešení úloh .....	671
Rejstřík .....	789